

## СТОХАСТИЧЕСКИЙ СИНТЕЗ РОБАСТНОГО УПРАВЛЕНИЯ ДИСКРЕТНО-КОНТИНУАЛЬНЫМ ОБЪЕКТОМ В ГОРИЗОНТАЛЬНОЙ ПЛОСКОСТИ

**Постановка проблемы, связь с научными и практическими задачами.** Многие объекты управления представляют собой протяженные конструкции, связывающие исполнительный двигатель с рабочим органом. Это, в частности, касается больших космических конструкций, антенн, стрел подъемных кранов, рук антропоморфных роботов, стволов орудий и т.д. При управлении такими протяженными объектами необходимо учитывать собственные механические колебания, обусловленные упругими свойствами этих протяженных объектов управления.

**Анализ последних достижений и публикаций по данной проблеме.** В работе [1] рассмотрены вопросы параметрического синтеза систем наведения и стабилизации. В этих системах используется классическая структура регуляторов с жесткими обратными связями по сигналам с гироскопических датчиков углов и угловых скоростей, что ограничивает возможности получения высокой точности работы системы. В работе [1] также рассмотрены вопросы синтеза систем наведения и стабилизации при условии отсутствия информации о внешних воздействиях. Системы наведения и стабилизации работают в условиях случайных внешних воздействиях, параметры которых хорошо изучены, и, естественно, эту информацию целесообразно использовать при синтезе системы наведения и стабилизации.

**Цель работы.** Целью данной работы является повышение точности системы наведения и стабилизации в горизонтальной плоскости за счет применения анизотропийного робастного регулятора при случайных внешних сигналах. Задачей статьи является синтез и исследование динамических характеристик стохастической робастной системы наведения и стабилизации в горизонтальной плоскости с учетом упругости объекта управления.

**Изложение материала исследования, полученных научных результатов.** Рассмотрим задачу стохастической робастной оптимизации системы наведения и стабилизации в канале горизонтального наведения, минимизирующей анизотропийную норму в форме пространства состояний [2-3].

Рассмотрим уравнение Риккати

$$S = [A + B_1 L_1] S [A + B_1 L_1]^T + B_1 \Sigma B_1^T - \Lambda \Theta \Lambda^T, \\ \Theta \equiv [C_2 + D_{21} L_1] S [C_2 + D_{21} L_1]^T + D_{21} \Sigma D_{21}^T,$$

$$\Lambda \equiv \left[ [A + B_1 L_1] S [C_2 + D_{21} L_1]^T + B_1 \Sigma D_{21}^T \right] \Theta^{-1}.$$

Рассмотрим также уравнение Риккати

$$T = \underline{A}^T T \underline{A} + \underline{C}^T \underline{C} - N^T \Pi N,$$

$$\Pi \equiv \underline{B}^T T \underline{B} + D_{12}^T D_{12},$$

$$N \equiv \begin{bmatrix} N_1 & N_2 \end{bmatrix} \equiv -\Pi^{-1} (\underline{B}^T T \underline{A} + D_{12}^T \underline{C}),$$

в котором матрицы  $A, B, C, D$  реализации имеют следующий вид

$$\left[ \begin{array}{cc|c} \underline{A} & \underline{B} & \underline{B}_2 \\ \underline{C} & \underline{D} & \underline{D} \end{array} \right] \equiv \left[ \begin{array}{cc|c} A & B_1 M & B_2 \\ 0 & A + B_1 M + B_1 \hat{C} & 0 \\ \hline C_1 & D_{11} M & \underline{D} \end{array} \right].$$

Откуда может быть получена  $\hat{A}, \hat{B}, \hat{C}, \hat{D}$  реализация регулятора, оптимизирующей анизотропийную норму

$$\hat{A} = B_2 \hat{C} + [I_n - \Lambda] \begin{bmatrix} A & B_1 \\ C_2 & D_{21} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_n \\ M \end{bmatrix}, \hat{B} = \Lambda, \hat{C} = N_1 + N_2.$$

Этот регулятор формирует управляющее воздействие на вход системы по ее измеряемому выходу и представляет собой динамический блок типа компенсатора, объединяющий стохастический робастный наблюдатель и стохастический робастный регулятор. Таким образом, решение задачи стохастической робастной оптимизации сводится к вычислению трех алгебраических уравнений Риккати, уравнения Ляпунова и уравнения специального вида для вычисления уровня анизотропии входного сигнала.

**Результаты моделирования.** На рис. 1 показаны процессы изменения компонент вектора состояния замкнутой системы: а) угла  $\varphi(t)$  отклонения между осью канала ствола и направлением на цель и б) его производ-

ной  $\phi(t)$ , в) значение функции  $T_0(t)$  в представлении функции  $y(x,t)$ , характеризующей отклонение точек оси канала ствола от его недеформируемого состояния и г) ее производной, д) момента стабилизации  $M_{co}(t)$  башни с помощью электропривода и е) ее производной при отработке системой случайного рассогласования между направлением башни и направлением на цель.

**Выводы из проведенного исследования, перспективы этого направления.** Разработана методика синтеза стохастических робастных регуляторов для стабилизатора в горизонтальной плоскости как дискретно-континуального объекта управления с учетом упругих колебаний ствола. Приведен пример динамических характеристик синтезированной стохастической системы.

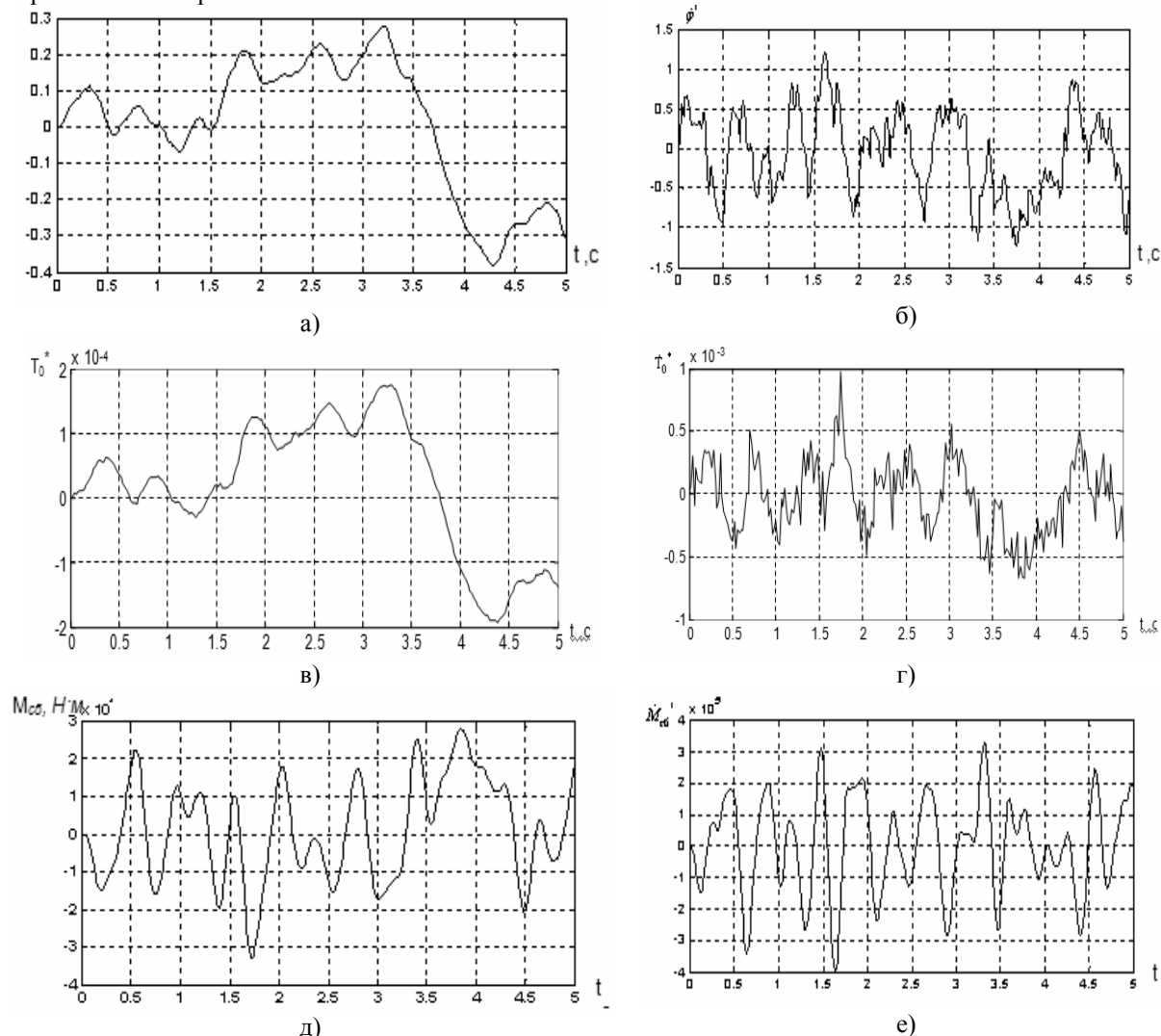


Рис. 1 Процессы изменения компонент вектора состояния замкнутой системы: а) угла  $\phi(t)$  отклонения между осью канала ствола и направлением на цель и б) его производной  $\phi'(t)$ , в) значение функции  $T_0(t)$  в представлении функции  $y(x,t)$ , характеризующей отклонение точек оси канала ствола от его недеформируемого состояния и г) ее производной, д) момента стабилизации  $M_{co}(t)$  башни с помощью электропривода и е) ее производной при отработке системой случайного рассогласования между направлением башни и направлением на цель

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Александров Е.Е., Богаенко И.Н., Кузнецов Б.И. Параметрический синтез систем стабилизации танкового вооружения. – К.: Техніка, 1997. – 112 с.
2. Vladimirov I.G., Kurdjukov A.P., Semyonov A.V. On computing the anisotropic norm of linear discrete-time-invariant systems // Proceedings of the 13th IFAC World Congress, San-Francisco, California, USA, June 30 – July 5, 1996, v. G, Paper IFAC-2d-01.6, 1996.
3. Vladimirov I.G., Kurdjukov A.P., Semyonov A.V. State-space solution to anisotropy-based stochastic H-infinity optimization problem // Proceedings of the 13th IFAC World Congress, San-Francisco, California, USA, June 30 – July 5, 1996, v. H, Paper IFAC-3d-01.6, 1996.