## УДК 621.314.2:621.3.012.8

*И.В. ПЕНТЕГОВ*, д-р техн. наук, *И.В. ВОЛКОВ*, д-р техн. наук, чл.-корр. НАНУ, *В.М. БЕЗРУЧКО*, аспирант, *С.В. РЫМАР*, канд. техн. наук, *Г.С. КРИВЕНКО*, инж., *В.П. КАБАН*, канд. техн. наук, *В.Ю. МАТВЕЕВ*, канд. техн. наук

## ОСОБЕННОСТИ РАБОТЫ ТРЕХФАЗНО-ДВУХФАЗНОГО ФИЛЬТРА ТОКОВ НУЛЕВОЙ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ

Рассматриваются особенности работы трехфазно-двухфазного фильтра токов нулевой последовательности, ассиметричного автотрансформаторного фильтра новой конструкции с заменой одной из фазных обмоток открытым треугольником и описываются процессы, происходящие в нем.

Розглядаються особливості роботи трифазно-двофазного фільтра струму нульової послідовності, асиметричного автотрансформаторного фільтра нової конструкції з заміною однієї з фазних обмоток відкритим трикутником та описуються процеси, що відбуваються в ньому.

Введение. Последние десятилетие в сети 0,4 кВ появилось много нелинейных нагрузок. Это офисная техника, работающая с импульсными источниками питания. Как пример можно привести компьютеры, мониторы, принтеры, ксероксы и т.д. Нелинейные нагрузки потребляют несинусоидальный ток, и это, наряду с не симметрией нагрузок, приводит к появлению больших токов в нейтральном проводе питающей сети. Особенно это критично для административных и офисных зданий, так как основная часть нагрузок в них нелинейная. На практике известны случаи, когда действующее значение тока нейтрали распределительной сети превышало фазные значения токов в 1,5 и более раза [1]. Негативные воздействия высоких уровней тока нулевой последовательности (ТНП) описаны в работах [1, 2].

Устройства фильтрации ТНП в трехфазных сетях с нулевым проводом называют фильтрами токов нулевой последовательности (ФТНП) [3], фазокомпенсирующими, шунтовыми симметрирующими устройствами (ФКУ, ШСУ) [4, 5], или Zero-фильтрами. Большой вклад в разработку ФКУ и ШСУ в СССР и Украине внесли ученые Института электродинамики НАН Украины А.К. Шидловский и В.Г. Кузнецов.

До 70-80 г. XX века ФТНП типа "автотрансформаторный зигзаг" использовались в основном для симметрирования напряжения и тока в фазах при несимметричном распределении однофазных нагрузок. Расчет ФТНП производился для токов первой гармоники.

Интерес к ФТНП в последнее время заметно вырос в связи с появлением в крупных административных зданиях большого количества нелинейных нагру-

зок, которые даже при равномерном распределении нагрузок по фазам сети загружают нейтральные провода сети гармониками тока, кратными трем. При этом загрузка нейтрального провода может превосходить в два раза загрузку фазных проводов. При применении ФТНП для борьбы с высшими гармониками тока требования, предъявляемые к ним, должны быть иными. Статья посвящена исследованию особенностей работы нового класса ФТНП, так называемых "трехфазно-двухфазных" фильтров.

Сопротивление токам нулевой последовательности. Основной характеристикой ФТНП является сопротивление ТНП. Обычно оно рассчитывается и измеряется только для основной частоты (первой гармоники). Данный подход не даёт информации о характеристиках ФТНП для высших гармоник, поскольку их частота отличается от основной частоты в h раз (h – номер гармоники), а значит и сопротивление ТНП будет другим. Поэтому важно знать не только полное сопротивления ТНП, но и значения его активной и реактивной составляющих. Это дает возможность прогнозирования качества фильтрации ТНП той или иной гармоники.

Определение сопротивления ТНП в ФТНП обычно производится из опыта КЗ по схеме, представленной на рис. 1. Все фазные клеммы фильтра соединяются вместе и он подключается к источнику переменного напряжения 50 Гц, как правило, через балластное сопротивление. Измеренные значения напряжения  $U_{onыm}$  на клеммах ФТНП и ток в нейтрали схемы  $I_{onыm}$  позволяют определить полное комплексное сопротивление ТНП  $Z^0_{\phi TH\Pi} = U_{onыm}/I_{onыm}$ , или, в относительных единицах,  $Z^0_{\phi TH\Pi} = Z^0_{\phi TH\Pi}/Z_5$ , где базовое сопротивление  $Z_6 = U_{nom}/(3I_{nom})$ ;  $I_{nom}$ ,  $U_{nom}$  – номинальные значения фазных тока и напряжения фильтра. Иногда под полным сопротивлением ТНП понимают величину  $Z^0_{\phi TH\Pi} = U_{onыm}/(I_{onыm}/3)$ , где ( $I_{onыm}/3$ ) - ток фазы в эксперименте, а под  $Z_6$  величину  $Z_6 = U_{nom}/(I_{nom}$ . При этом величина  $Z^0_{\phi TH\Pi}$  не изменяется. Желательно, чтобы в опыте КЗ ток  $I_{onыm}$  был соизмерим с номинальным током нейтрали  $I_N$  или равен ему.

Следует заметить, что при использовании, в качестве измерительных элементов, амперметра и вольтметра в схемы рис. 1 можно найти лишь  $|Z^0_{\sigma THT}|$ . Для нахождения комплексного значения сопротивления необходимо использовать в качестве измерительных устройств более дорогостоящие оборудование, которое позволит измерять не только величины токов и напряжений, но и фазовый сдвиг между ними.



Рис. 1. Схема для определения сопротивления ТНП.

Величина сопротивления  $Z^0_{\Phi TH\Pi^*}$  не позволяет прогнозировать величину тока, которая будет отбираться фильтром из нейтрального провода в той или иной сети или месте подключения  $\Phi TH\Pi$ , так как эта величина зависит от отношения  $Z^0_{\Phi TH\Pi^*}$  к величине сопротивления  $TH\Pi \ Z^0_{Tp^*}$  трансформатора, с которым работает  $\Phi TH\Pi$ . Однако после выделения активной и реактивной составляющих

$$Z^{0}_{\Phi T H \Pi^{*}} = \operatorname{Re}(Z^{0}_{\Phi T H \Pi^{*}}) + j \cdot \operatorname{Im}(Z^{0}_{\Phi T H \Pi^{*}}),$$

она дает возможность узнать, что при достижении номинального тока относительное искажение напряжения нулевой последовательности (ННП) на зажимах фильтра для h-й гармоники (h кратно 3) не будет выше значения

$$Z^{0}_{\Phi TH\Pi^{*}} = \operatorname{Re}(Z^{0}_{\Phi TH\Pi^{*}}) + j \cdot \operatorname{Im}(Z^{0}_{\Phi TH\Pi^{*}})h.$$

Использование данной величины на практике удобно, поскольку позволяет оценивать качество напряжения после установки ФТНП в сеть.

Особенность ФТНП заключается в том, что необходимо обеспечить как можно меньшее значение индуктивной составляющей, даже за счет некоторого роста активной составляющей, поскольку индуктивная составляющая влияет в h раз сильнее на сопротивление ТНП, чем активная составляющая, и для высоких номеров гармоник является определяющей.

При расчетах конструкции ФТНП особо важна возможность прогнозирования сопротивления ТНП. Однако для рассматриваемо фильтра это вызывает сложности из-за его асимметричности.

На рис. 2,*а* представлена схема трехфазно-двухфазного ФТНП новой конструкции [6-9], а на рис.  $3, \delta$  – его векторная диаграмма напряжений на обмотках в рабочем режиме (при подключении к трехфазной сети с нулевым проводом).

Работа данного ФТНП основана на использовании трехстержневого магнитопровода с двумя катушками на крайних стержнях, на среднем стержне обмоток нет. Каждая катушка содержит две одинаковые обмотки, намотанные бифилярно со встречным (по отношению к токам нулевой последовательности) соединением обмоток. При этом [4]

$$\Phi_{0j} = 0; \quad \sum_{j=1}^{n} I_{0i,j} w_{i,j} = 0, \qquad (1)$$

где  $\Phi_{0j}$  – поток нулевой последовательности (НП) *j*-го стержня магнитопровода ФТНП (*j* = 1, 2,..., *n*); *w*<sub>*i*,*j*</sub> – количество витков *i*-ой обмотки, находящейся на *j*-м стержне; *I*<sub>0*i*,*j*</sub> – ТНП, протекающий в обмотке с количеством витков *w*<sub>*i*,*j*</sub>.

В нашем случае n = 3,  $w_{I,I} = w_{2,I} = w_{I,3} = w_{2,3} = w$ ,  $w_{I,2} = w_{2,2} = 0$ ,  $I_1 \gg I_3$ ,  $I_3 \gg I_2$ . Модули всех токов в обмотках практически одинаковы и равны  $I_0$  и, как будет показано ниже, различие между ними не превышает 0.02%.



Рис. 2. Принципиальная схема соединения обмоток фильтра *a* и его векторная диаграмма напряжений б

Из формулы (1) следует, что для обмоток на каждом стержне должно выполняться требование, чтобы для ТНП алгебраическая сумма ампервитков всех обмоток на стержне равнялась нулю. При этом одинаковые ТНП в обмотках текут встречно и создают взаимно компенсирующие потоки в магнитопроводе. Это приводит к тому, что для ТНП фильтра индуктивное сопротивление мало. Для других последовательностей токов сопротивление велико.

Предложенная схема ФТНП является асимметричной, так как ток первой и второй фазы проходит через одну обмотку, а ток третей фазы проходит через две обмотки.

Схема замещения ФТНП представлена на рис. 3,*a*. Для теоретического расчета сопротивления ТНП заменим схему на рис. 3,*a* на эквивалентную ей схему замещения на рис. 3,*b*. На данном рисунке ФТНП уже подключен согласно рис. 1 для измерения сопротивления НП в опыте КЗ. На рис. 3 даны обозначения:  $L_{oбM}$  – индуктивность одной из обмоток, обусловленная общим потоком в стержне магнитопровода для бифилярно намотанных обмоток;  $r_{oбM}$  – активное сопротивление обмотки;  $M = L_{o\delta M}$  – коэффициент взаимоиндукции между обмотками на одном стержне при коэффициенте связи между обмотками к практически равном 1.  $L_{\delta u \phi}$  – индуктивность рассеяния обмотки, обусловленная потоком, который не замыкается по магнитопроводу и не является общим для бифилярно намотанных обмоток ( $L_{\delta u \phi} << L_{o\delta M}$ ).



Составим систему уравнений для схемы на рис. 3,а:

$$\begin{cases} I_{1}[r_{o\delta M} + j\omega(L_{o\delta M} + L_{\delta u\phi})] - I_{3}(j\omega M) = U_{0}; \\ I_{2}[r_{o\delta M} + j\omega(L_{o\delta M} + L_{\delta u\phi})] - I_{3}(j\omega M) = U_{0}; \\ 2I_{3}[r_{o\delta M} + j\omega(L_{o\delta M} + L_{\delta u\phi})] - I_{1}(j\omega M) - I_{2}(j\omega M) = U_{0}; \\ I_{1} + I_{2} + I_{3} = I_{N}. \end{cases}$$
(2)

При условии, что  $M = L_{o\delta M}$ , после преобразования уравнения (2) получим:

$$\begin{cases} (I_{1} - I_{3}) \cdot j\omega L_{o\delta M} + I_{1}(r_{o\delta M} + j\omega L_{\delta u\phi}) = U_{0}; \\ (I_{2} - I_{3}) \cdot j\omega L_{o\delta M} + I_{2}(r_{o\delta M} + j\omega L_{\delta u\phi}) = U_{0}; \\ (I_{1} - I_{3} + I_{2} - I_{3}) \cdot j\omega L_{o\delta M} + 2I_{3}(r_{o\delta M} + j\omega L_{\delta u\phi}) = U_{0}; \\ I_{1} + I_{2} + I_{3} = I_{N}. \end{cases}$$
(3)

Из симметрии уравнений видно, что  $I_1 = I_2$ . Заменим  $I_1 - I_3 = I_2 - I_3 = \Delta I$ . Система уравнений примет вид:

$$\begin{cases} \Delta I \cdot j \omega L_{o\delta M} + (I_3 + \Delta I)(r_{o\delta M} + j \omega L_{\delta u \phi}) = U_0; \\ \Delta I \cdot j \omega L_{o\delta M} + (I_3 + \Delta I)(r_{o\delta M} + j \omega L_{\delta u \phi}) = U_0; \\ -2\Delta I \cdot j \omega L_{o\delta M} + 2I_3(r_{o\delta M} + j \omega L_{\delta u \phi}) = U_0; \\ I_1 + I_2 + I_3 = I_N. \end{cases}$$
(4)

При решении системы уравнений (4) относительно *ΔI* получим:

$$\Delta I = \frac{U_0}{2r_{o\delta M} + j\omega(4L_{o\delta M} + 2L_{\delta u\phi})},\tag{5}$$

при  $L_{o\delta M} >> L_{\delta u \phi}$  и  $\omega L_{o\delta M} >> r_{o\delta M}$  величина  $\Delta I \cdot j \omega L_{o\delta M} \approx 0,25 U_0$ . На практике эти индуктивности отличаются на 2...3 порядка, а добротность катушки с ферромагнитным сердечником всегда намного больше 1.

Таким образом, образуется упрощенная эквивалентная схема замещения на рис. 3, $\delta$ , справедливая при указанных условиях. Из анализа схемы следует, что удвоенное падение напряжения на пассивных элементах ветви с током  $I_3$ по сравнению с падением напряжения на пассивных элементах ветвей с токами  $I_1$  и  $I_2$  компенсируется тем, что в обмотках с током  $I_3$  благодаря явлению взаимоиндукции индуцируется э.д.с.  $0.5U_0$ , направленная согласно с приложенным напряжением  $U_0$ , а в обмотках с токами  $I_1$  и  $I_2$  индуцируется э.д.с.  $0.25U_0$ , направленная встречно приложенному напряжению.

При решении системы уравнений (4) относительно І<sub>3</sub> получим:

$$I_{3} = \frac{U_{0}}{4} \left[ \frac{3}{r_{o\delta M} + j\omega L_{\delta u \phi}} - \frac{1}{r_{o\delta M} + j\omega (2L_{o\delta M} + L_{\delta u \phi})} \right], \tag{6}$$

при  $L_{o\delta M} >> L_{\delta u \phi}$  и  $\omega L_{o\delta M} >> r_{o\delta M}$  величина  $I_3 \cdot 2(r_{o\delta M} + j\omega L_{\delta u \phi}) \approx 1,5U_0$  и ток  $I_3$  практически не отличается от токов  $I_1$  и  $I_2$ , равных 0.75  $U_0/(r_{o\delta M} + j\omega L_{\delta u \phi})$ . В случае, когда  $L_{o\delta M} >> L_{\delta u \phi}$ , значение тока  $\Delta I$  очень мало по сравнению с токами  $I_{1,2,3}$ .

На рис. 4 представлена векторная диаграмма токов в обмотках ФТНП и показан принцип компенсации напряжения разбаланса  $U_{paso}$ . Величина напряжения разбаланса соизмерима с входным напряжением:

$$U_{paso}/3 = \Delta I \cdot j \omega L_{oom} = (1/4) U_0,$$
 (7)

При этом направление вектора U<sub>разб</sub> совпадает с направлением вектора при-

ложенного напряжения  $U_0$ .



Рис. 4. Векторная диаграмма токов в обмотках.

На рис. 5 представлена векторная диаграмма напряжений на элементах в схеме замещения на рис. 3, a для случая, когда "длинная" фаза C выполнена проводником такого же поперечного сечения, что и фазы A и B. Из диаграммы виден принцип работы ФТНП и симметрирования сопротивлений в ветвях ФТНП.



Рис. 5. Векторная диаграмма напряжений на элементах в схеме замещения, представленной на рис. 3,*a*.

Из формулы (6) можно показать, а из векторной диаграммы наглядно видно, что при  $L_{o\delta M} >> L_{\delta u \phi}$  и  $r_{o\delta M} << \omega L_{o\delta M}$  модуль полного сопротивления ТНП фильтра равен:

$$\left| Z^{0}_{\phi T H \Pi} \right| = \frac{U_{0}}{I_{1eff} + I_{2eff} + I_{3eff}} = \frac{4}{9} \sqrt{r_{o \delta M}^{2} + (w L_{\delta u \phi})^{2}} , \qquad (8)$$

где *I*<sub>123eff</sub> – эффективные значения токов.

Оценим значение тока рассогласования  $\Delta I$ . Введем обозначение  $\Delta I/I_3 = \Delta I_* -$ это относительная безразмерная величина тока рассогласования.

Также учитывая то, что  $I_1 = I_2 \approx I_3$ , и используя уравнения (5) и (6), при  $L_{o\delta m} >> L_{\delta u \phi}$  и  $r_{o\delta m} << \omega L_{o\delta m}$  получим:

$$\Delta I_* = \frac{1}{3} \cdot \frac{r_{o\delta M} + j\omega L_{\delta u\phi}}{j\omega L_{o\delta M}} = \frac{L_{\delta u\phi} - jr_{o\delta M}/\omega}{3L_{o\delta M}}$$
(9)

Для количественной оценки можно воспользоваться формулой:

$$\left|\Delta I_{*}\right| = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{\left(r_{o\delta M}/\omega\right)^{2} + L_{\delta u \phi}^{2}}}{L_{o\delta M}} = \frac{3}{4} \frac{\left|Z_{\phi THII}^{0}\right|}{\omega L_{o\delta M}}$$
(10)

Отметим, что такое же жесткое выравнивание токов гармоник НП происходит в процессе работы ФТНП в сети. Индуктивности  $L_{o\delta M}$  и  $L_{\delta u\phi}$  рассчитываются таким образом, чтобы при заданных параметрах питающего трансформатора отбирать из нейтрали 70-80 % тока нейтрали. Помимо этого рассмотренный ФТНП симметрирует фазные напряжения и устраняет несимметрию распределения нагрузок между фазами.

На рис. 6 помещена фотография разработанного ФТНП нового типа.

Этот ФТНП предназначен для работы с распределительным трансформатором на 1 МВт с соединением обмоток Y-Y<sub>0</sub> и током в нейтрали до 150 A и имеет следующие параметры:  $L_{\delta u \phi} = 0.038 \text{ мГн}$ ,  $L_{o \delta M} = 260 \text{ мГн}$ ,  $r_{o \delta M} = 18 \text{ мОм}$ ,  $|Z^{0}_{\phi T H I I}| = 22 \text{ мОм}$ ,  $|Z^{0}_{\phi T H I I}*| = 1.5 \%$ ,  $|\Delta I*| = 0.02 \%$ ,  $X^{0}_{\phi T H I I} = \text{m}(Z^{0}_{\phi T H I I}) = 12 \text{ мОм}$ ,  $X^{0}_{\phi T H I I}*| Z^{0}_{\phi T H I I}*| \cdot 100 \% = 0.8 \%$ . Масса устройства – 150 кг, габаритные размеры – 700 × 460 × 250 мм<sup>3</sup>.

Сравнение данного ФТНП с традиционным ФТНП, собранным по схеме "зигзаг" по установленной мощности не дает правильной оценки, так как конструкции разнотипны. Детальный же расчет оптимизированных вариантов этих двух типов ФТНП при одинаковых плотностях тока и магнитной индукции показывает, что эти ФТНП имеют практически одинаковые массогабаритные и стоимостные показатели. Однако, предложенный ФТНП допускает использование увеличенных плотностей тока (на 20 %) и магнитной индукции (на 10 %) благодаря лучшим условиям охлаждения обмоток и магнитопровода (отсутствуют обмотки на среднем стержне). При этом мы получаем выигрыш в массе активных материалов до 15 %, а выигрыш в стоимости – еще больше, так как вместо 3 катушек с обмотками здесь необходимо мотать всего 2 катушки.



Рис. 6 Трехфазно-двухфазный ФТНП

Заключение. Описанные особенности работы трехфазно-двухфазного фильтра токов нулевой последовательности (ассиметричного автотрансформаторного фильтра новой конструкции с заменой одной из фазных обмоток открытым треугольником) и доказанный принцип симметрирования сопротивлений в фазах позволяют проводить анализ работы фильтра на этапе его проектирования.

Выведена формула для расчета сопротивления ТНП фильтра и формула для оценки величины тока рассогласования в фазах.

Предложенный ФТНП имеет лучшие массогабаритные и стоимостные показатели по сравнению с традиционными ФТНП и может найти широкое применение в крупных административных зданиях для разгрузки нейтрали от токов НП и улучшения качества электроэнергии, потребляемой из сети.

Список литературы: 1. *Капустин В.М., Лопухин А.А.* Компьютеры и трехфазная электрическая сеть // Современные технологии автоматизации – СТА. – № 2. – 1997. – С. 104-108. 2. *Климов В.П., Москалев А.Д.* Проблемы высших гармоник в современных системах электропитания // Практическая силовая электроника. Науч.-техн. сб. / Под ред. Г.М. Малышкова, А.В. Лукина. – М.: АОЗТ "ММП-Ирбис", 2002. – Вып. 5. 3.

Шидловский А.К., Жаркін А.Ф. Вищі гармоніки в низьковольтних електричних мережах. – К.: Наук. думка, 2005. – 210 с. 4. Шидловский А.К., Кузнецов В.Г. Повышение качества энергии в электрических сетях. – К.: Наук. думка, 1985. – 268 с. 5. Шидловский А.К., Новский В.А., Каплычный Н.Н. Стабилизация параметров электрической энергии в распределительных сетях. - К.: Наук. думка, 1989. - 312 с. 6. Заявка на патент. 2007 01489 Україна. Трифазний фільтр гармонік струмів нульової послідовності автотрансформаторного типу / І.В. Пентегов, І.В. Волков та ін.: ЧЛТУ (UA).- № 13545; Заявл. 20.02.2006. 7. Заявка на патент. 2007 01508 Україна. Трифазний фільтр гармонік струмів нульової послідовності автотрансформаторного типу / І.В. Пентегов, І.В. Волков та ін.; ЧДТУ (UA).- № 13546; Заявл. 20.02.2006. 8. Сравнительный анализ трехфазных фильтров токов нулевой последовательности автотрансформаторного и трансформаторного типа / И.В. Пентегов, С.В. Рымар та ін. // Технічна електродинаміка: Тем. випуск. Проблеми сучасної електротехніки. Ч. 3. - К.: ІЕД НАНУ, 2008. - С. 49-56. 9. Результаты испытаний фильтра токов нулевой последовательности новой конструкции в административном здании / И.В. Пентегов, А.С. Письменный та ін. // Вісник Приазовського державного технічного університету. Зб. наук. пр. – Вип. 18. – Ч. 2, Енергетика. – Маріуполь, 2008. – С. 7-9.

Надійшла до редколегії 30.08.08