

# ДВИГУНИ І ЕНЕРГЕТИЧНІ УСТАНОВКИ

УДК 621.43.052

**Ф.И. АБРАМЧУК**, д-р. техн. наук,  
**А.Н. КАБАНОВ**, канд. техн. наук,  
**Г.В. МАЙСТРЕНКО, А.П. КУЗЬМЕНКО**, ХНАДУ (г. Харьков)

## **ВЫБОР ПОДХОДА К ОПРЕДЕЛЕНИЮ ТУРБУЛЕНТНОЙ СКОРОСТИ РАСПРОСТРАНЕНИЯ ПЛАМЕНИ В ЦИЛИНДРЕ ГАЗОВОГО ДВИГАТЕЛЯ 4ГЧ 7,5/7,35**

Виконано аналіз літературних джерел з метою вибору оптимального підходу до визначення турбулентної швидкості полум'я в циліндрі газового двигуна 4ГЧ 7,5/7,35. Обрано рівняння турбулентної швидкості полум'я, що дозволяє виконати розрахунок розрахунок індикаторних показників і показників токсичності двигуна з максимальною точністю.

Analysis of literary sources for the purpose of optimal approach to turbulent flame speed evaluation in cylinder of gas engine 4ГЧ 7,5/7,35 has been carried out. Equation of turbulent flame speed makes it possible to carry out indicated ratings and toxicity ratings evaluation with maximum precision has been selected.

В настоящее время актуальной задачей является расчет показателей токсичности ДВС, что позволяет существенно снизить затраты материальных ресурсов и времени на экспериментальное определение этих показателей. Одной из целей такого расчета является определение содержания нормируемых токсичных компонентов в отработавших газах двигателя внутреннего сгорания, в частности – оксидов азота  $\text{NO}_x$ . Выполнить расчет образования оксидов азота в цилиндре двигателя можно только в том случае, если есть возможность с достаточной точностью путем расчета рабочего процесса получить поле распределения температур в цилиндре ДВС в процессе сгорания топливо-воздушной смеси.

Кроме того, отсутствуют четкие и однозначные рекомендации по выбору подхода к решению данной задачи для газового двигателя с искровым зажиганием. Соответственно, выбор методики расчета рабочего процесса, позволяющей выполнить данный расчет с достаточной точностью для газового двигателя с искровым зажиганием, является актуальной задачей.

Все существующие математические модели расчета рабочего процесса можно разделить на следующие три класса [1].

1. Полуэмпирические методики, являющиеся частными случаями уравнения закона плотности вероятности непрерывной случайной величины [2, 3]. Наиболее известной моделью такого типа является модель Вибе [2],

получившая наибольшее распространение в мире. Однако методика Вибе не позволяет выполнить моделирование образования вредных компонентов в цилиндре двигателя, так как не учитывают разделения рабочей смеси на зоны с разной температурой в процессе сгорания топлива. Так как оценка эколого-химических показателей двигателя, конвертированного на сжатый природный газ, является не менее важной, чем расчет его мощностно-экономических показателей, данная методика не является предпочтительной для моделирования рабочего процесса газового двигателя 4ГЧ7.5/7.35.

2. Модели основанные на моделировании турбулентных течений в цилиндре двигателя, называемые CFD-моделями (от Computational Fluid Dynamics) [1, 4-6].

3. Модели, где скорость распространения фронта пламени рассчитывается при помощи эмпирических и полуэмпирических уравнений [5, 6].

Определить поле температур в цилиндре в процессе сгорания позволяют второй и третий классы моделей, так как позволяют учесть расположение в пространстве пламени, сгоревшей и несгоревшей зон. Следовательно, эти классы моделей могут быть использованы для моделирования рабочего процесса с расчетом эколого-химических показателей газового ДВС.

**CFD-модели.** Из всего многообразия данного класса моделей можно выделить следующие наиболее распространенные:

1. Прямое численное моделирование (DNS) [7]. Дополнительных уравнений нет. Решаются нестационарные уравнения Навье – Стокса с очень мелким шагом по времени, на мелкой пространственной сетке. При этом размер ячейки сетки должен удовлетворять Колмогоровскому масштабу длины, а временной шаг – колмогоровскому масштабу времени. Это неизбежно влечет за собой огромную нагрузку на вычислительные мощности, на современном этапе развития вычислительной техники позволяет получать результаты только при малых числах Рейнольдса, соответственно – время моделирования неприемлемо.

2. Метод крупных вихрей (LES) [7, 8]. Занимает промежуточное положение между моделями, использующими осреднённые уравнения Рейнольдса и DNS. Используется для больших образований в жидкости. Влияние вихрей, которые по размерам меньше, чем размеры ячейки расчётной сетки, заменяется эмпирическими моделями. Временные шаги и размер ячеек сетки могут быть меньше, чем в RANS, соответственно, нагрузка на компьютер уменьшается. Однако как следствие в LES не решена проблема моделирования анизотропных малых пристеночных вихрей, моделируемых в DNS, что существенно снижает точность моделирования.

3. Модель напряжений Рейнольда (RANS) [7, 8]. В рамках усреднённых по Рейнольдсу уравнений решается семь дополнительных уравнений для переноса напряжений Рейнольдса. В результате система дифференциальных уравнений получается незамкнутой, что снижает точность расчета и

увеличивает потребление вычислительных мощностей вследствие применения сложных итерационных подходов для решения данной системы.

4. Модель Буссинеска [7]. Уравнения Навье – Стокса преобразуется к виду, в котором добавлено влияние турбулентной вязкости. Рейнольдсовы напряжения при этом связаны со скоростью средней деформации через турбулентную вязкость. Однако данное предположение не выполняется даже в простых турбулентных течениях (например, течение жидкости в трубе). Используется только в случаях, когда основное влияние на осредненное движение оказывает лишь одна из компонент тензора рейнольдсовых напряжений – напряжение сдвига. Только в этом случае нарушение гипотезы Буссинеска не приводит к заметным погрешностям. Следовательно, для выполнения поставленных задач данная модель не подходит.

5. Модель Спаларта-Алмараса (SA-модель) [7]. В данной модели решается дополнительное уравнение переноса коэффициента турбулентной вязкости. SA-модель является однопараметрической моделью и была разработана для аэрокосмических приложений. Эта модель дает хорошие результаты для пограничных слоев, характеризующихся положительными градиентами давлений. Традиционно эта модель эффективно работает в низкорейнольдсовом случае. Вследствие этого для исследования турбулентности в ДВС с искровым зажиганием она неприменима.

6. Семейство k-w моделей [4-6, 7, 8]. Уравнения движения k-w моделей преобразуется к виду, в котором добавлено влияние флуктуации средней скорости. В данной модели решается 2 дополнительных уравнения для переноса кинетической энергии турбулентности и переноса диссипации турбулентности.

В семействе k-w моделей наиболее распространенной является SST-модель (shear-stress transport, модель переноса сдвиговых напряжений). Стандартная SST-модель учитывает низкорейнольдсовые эффекты, влияние сжимаемости и распространение сдвиговых возмущений, однако существенно уступает k-ε моделям по кругу решаемых задач. Она хорошо подходит для расчета турбулентности в пристеночной области, однако расчет турбулентности в глубине потока очень неточен.

7. k-ε модели [5-8]. Похожи на k-w модели, вместо уравнения переноса диссипации турбулентности в них решается уравнение для скорости диссипации турбулентной энергии ε. При этом уравнение движения в k-ε моделях преобразуется к виду, в котором добавлено влияние флуктуации средней скорости.

Семейство k-ε моделей относится к двухпараметровым моделям турбулентности, где используется система уравнений, связывающих кинетическую энергию турбулентности k и скорость её диссипации ε. Это семейство моделей давно и широко используется для решения различных типов задач. Традиционно считается, что стандартная k-ε модель

турбулентности Лаундера-Сполдинга обеспечивает хорошие результаты при моделировании течений с малыми градиентами скоростей.

Таким образом, семейство к-ε моделей является наиболее приемлемым CFD-подходом для расчета турбулентных течений в цилиндре ДВС.

Семейство к-ε моделей основано на решении следующей системы основных уравнений (1)-(3)

$$r \left( \langle u_x \rangle \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial x} + \langle u_y \rangle \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial y} + \langle u_z \rangle \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial z} \right) = -\frac{\partial \langle p \rangle}{\partial x} + 2 \frac{\partial}{\partial x} \left( m_{eff} \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( m_{eff} \left( \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial y} + \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial x} \right) \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( m_{eff} \left( \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial z} + \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial x} \right) \right); \quad (1)$$

$$r \left( \langle u_x \rangle \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial x} + \langle u_y \rangle \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial y} + \langle u_z \rangle \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial z} \right) = -\frac{\partial \langle p \rangle}{\partial y} + 2 \frac{\partial}{\partial y} \left( m_{eff} \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial x} \left( m_{eff} \left( \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial y} + \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial x} \right) \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( m_{eff} \left( \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial z} + \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial y} \right) \right); \quad (2)$$

$$r \left( \langle u_x \rangle \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial x} + \langle u_y \rangle \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial y} + \langle u_z \rangle \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial z} \right) = -\frac{\partial \langle p \rangle}{\partial z} + 2 \frac{\partial}{\partial z} \left( m_{eff} \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial z} \right) + \frac{\partial}{\partial x} \left( m_{eff} \left( \frac{\partial \langle u_x \rangle}{\partial z} + \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial x} \right) \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( m_{eff} \left( \frac{\partial \langle u_y \rangle}{\partial z} + \frac{\partial \langle u_z \rangle}{\partial y} \right) \right); \quad (3)$$

где  $\rho$  – плотность рабочей среды,  $\langle p \rangle$  – осредненное давление;  $\langle u_x \rangle$ ,  $\langle u_y \rangle$ ,  $\langle u_z \rangle$  – осредненные проекции скорости на координатные оси;  $\mu_{eff}$  – эффективная динамическая вязкость

$$\mu_{eff} = \rho(\nu + \nu_B), \quad (4)$$

$\nu_B$  – турбулентная (вихревая) вязкость.

Вихревая вязкость рассчитывается с помощью зависимости Прандтля-Колмогорова

$$\nu_B = C_n \frac{k^2}{\varepsilon}, \quad (5)$$

где  $C_n = 0,09$  – эмпирический коэффициент.

Система уравнений (6)-(7), связывающих кинетическую энергию турбулентности  $k$  и энергию её диссипации  $\varepsilon$ , записывается в виде

$$\frac{\partial(\langle u_x \rangle \cdot k)}{\partial x} + \frac{\partial(\langle u_y \rangle \cdot k)}{\partial y} + \frac{\partial(\langle u_z \rangle \cdot k)}{\partial z} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{(v + v_B)}{\sigma_k} \frac{\partial k}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{(v + v_B)}{\sigma_k} \frac{\partial k}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( \frac{(v + v_B)}{\sigma_k} \frac{\partial k}{\partial z} \right) + \frac{G}{\rho} - \varepsilon, \quad (6)$$

$$\frac{\partial(\langle u_x \rangle \cdot \varepsilon)}{\partial x} + \frac{\partial(\langle u_y \rangle \cdot \varepsilon)}{\partial y} + \frac{\partial(\langle u_z \rangle \cdot \varepsilon)}{\partial z} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{(v + v_B)}{\sigma_\varepsilon} \frac{\partial \varepsilon}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{(v + v_B)}{\sigma_\varepsilon} \frac{\partial \varepsilon}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( \frac{(v + v_B)}{\sigma_\varepsilon} \frac{\partial \varepsilon}{\partial z} \right) + C_1 \frac{\varepsilon}{k} \frac{G}{\rho} - C_2 \frac{\varepsilon^2}{k} + C_3 \frac{G^2}{\rho^2 k}, \quad (7)$$

где  $G$  – скорость генерации турбулентности,  $\sigma_k=1,0$ ;  $\sigma_\varepsilon=1,3$ ;  $C_1 = 1,43$ ;  $C_2 = 1,92$ ;  $C_3 = 0$  – эмпирические коэффициенты.

То есть мы можем видеть, что в  $k$ - $\varepsilon$  моделях также присутствует существенный элемент эмпиризма, вследствие чего они проигрывают моделям с полуэмпирическими уравнениями для турбулентной скорости распространения пламени. При такой же погрешности расчетов (из-за эмпирических коэффициентов, а также во многом благодаря цикловой неравномерности процесса сгорания в двигателях с принудительным воспламенением рабочей смеси) последние намного менее трудоемки в подготовке исходных данных и проведении расчетов.

Следовательно, для моделирования желательно использовать модели с полуэмпирическими уравнениями для турбулентной скорости распространения пламени.

**Модели с полуэмпирическими уравнениями для турбулентной скорости распространения пламени.** В [9-11, 13] показано, что до тех пор, пока размеры сферы пламени меньше масштаба турбулентных пульсаций, сгорание развивается по законам мелкомасштабной турбулентности. Для такого типа турбулентности Щелкиным предложено уравнение [9]

$$u_{TM} = u_n \left( 1 + \frac{W\mathbf{1}}{c} \right)^{0.5}, \quad (8)$$

где  $W'\ell$  – коэффициент турбулентного обмена (произведение средней скорости турбулентных пульсаций на масштаб турбулентности);  $\chi$  – коэффициент теплопроводности.

В [12] предложено уравнение для мелкомасштабной турбулентности

$$u_{TM} = const \sqrt{(\chi_m + \chi_m)w_p}, \quad (9)$$

где  $\chi_m = W\ell$  – коэффициент турбулентного обмена;  $\chi_m = w_m \ell_m$  – коэффициент молекулярной диффузии;  $w_m$  – средняя скорость молекул;  $\ell_m$  – средняя длина свободного пробега молекул;  $w_p$  – скорость реакции в пламени; *const* – эмпирическая константа.

В уравнении (9) почти все компоненты являются достаточно абстрактными и невозможными для экспериментального определения, что практически переводит это уравнение в разряд эмпирических. Компоненты уравнения (8) достаточно просто определить на основании имеющихся в литературе справочных данных. Следовательно, уравнение (8) более предпочтительно использовать для практических расчетов.

В дальнейшем, как показано в [12, 13], наибольшее влияние в ДВС на скорость распространения пламени оказывают турбулентные пульсации крупных масштабов. Мелкомасштабная турбулентность не играет существенной роли, а турбулентная скорость пламени определяется в основном крупномасштабной турбулентностью.

Первая попытка определить турбулентную скорость пламени при крупномасштабной турбулентности была предпринята Дамкелером [6, 14]

$$u_T = u_n \left( 1 + C \left( \frac{u'}{u_n} \right)^n \right), \quad (10)$$

где  $n, C$  – эмпирические коэффициенты.

После пионерских работ Дамкелера было много попыток определить коэффициенты  $n, C$ .

Так, в [13, 15] экспериментальным путем получены следующие значения коэффициентов:  $C \approx 1$  – принято как константа, зависящая от физико-химических свойств топлива;  $n \approx 0,7$ . Однако результаты экспериментов существенно расходятся с расчетными данными. Хотя эти попытки были неудачными, уравнение Дамкелера дало хорошее понимание природы турбулентной скорости пламени.

Там же, в [13, 15] приводится зависимость для крупномасштабной турбулентности, которая получается путем преобразования уравнения Дамкелера

$$u_T = A\bar{w}u_i^{1-n}, \quad (11)$$

где  $\bar{w}$  – средняя скорость потока в цилиндре;  $A \approx 0,7 \dots 1,0$ ,  $n \approx 0,7$  – эмпирические коэффициенты.

Данная зависимость была выведена для горения потока горючей смеси в бунзеновской горелке, где величину  $\bar{w}$  определить сравнительно легко. Однако, как показала практика, к случаю горения топливо-воздушной смеси в цилиндре ДВС с искровым зажиганием данная зависимость неприменима.

В [12] приводится теория, что фронт пламени при крупномасштабной турбулентности представляет собой множество конусов, направленных остриями в несгоревшую смесь. Исходя из этой теории, на основании уравнения Дамкелера было выведено соотношение

$$u_T = u_n \sqrt{1 + \left(\frac{u'}{u_n}\right)^2}, \quad (12)$$

где  $u'$  – среднеквадратичная скорость турбулентных пульсаций;  $u_n$  – нормальная скорость распространения пламени.

Анализ данной зависимости показывает, что в случае сильной крупномасштабной турбулентности, то есть  $u_T \gg u_n$ , получаем  $u_T \approx u'$ . Из этого следует, что скорость распространения пламени практически не зависит от  $u_n$ , то есть от физико-химических свойств рабочей смеси.

Тот же результат может быть получен из предположения, что распространение турбулентного пламени осуществляется путем заброса очагов горения в свежую смесь крупными турбулентными вихрями, движущимися со средней скоростью  $u'$  причем в дальнейшем пламя распространяется от этих очагов со скоростью  $u_n$ .

Практика, однако, показывает, что если первый вывод теории – наличие пропорциональности между  $u_T \approx u'$  – подтверждается с достаточной точностью, то второй вывод, то есть независимость  $u_T$  от  $u_n$ , как правило, не подтверждается, что связано с ламинарной скоростью горения смеси в направлении распространения фронта пламени, хотя вклад этого компонента в итоговую турбулентную скорость фронта незначителен [9, 13].

Хорошее совпадение с экспериментальными данными показали результаты опытов, проведенных в [10]. В результате исследований в широком диапазоне пульсационных скоростей была получена следующая зависимость

$$u_T = a \cdot u' + b, \quad (13)$$

где

$$b \approx u_n, \quad (14)$$

$$a \sim e^{-\frac{E}{RT_z}}. \quad (15)$$

Здесь, как видно, турбулентная скорость зависит от нормальной. Формула показала неплохое соответствие экспериментальным данным, поэтому в ряде работ встречается ее развитие.

Так, в [11] предложено следующее уравнение

$$u_T = kp^n e^{-\frac{E}{RT}} W' + u_n, \quad (16)$$

где  $W$  – скорость течения газов в камере сгорания;  $k$  – степень турбулентности

$$k = \frac{W'}{W}. \quad (17)$$

Если среднюю скорость турбулентных пульсаций можно приблизительно определить, то скорость течения газов в камере сгорания – величина трудноопределимая вследствие сложного трехмерного анизотропного характера этого течения в цилиндре ДВС. В [11] приведены зависимости для  $W$ , однако для каждого типа камеры сгорания необходимо подбирать новые зависимости для этой величины, что практически сводит на нет универсальность методики.

Отдельно стоит так называемый фрактальный подход к математическому моделированию скорости турбулентного пламени. В соответствии с этим подходом пламя представляет собой фрактал (лат. fractus – дробленный) – геометрическую фигуру, обладающую свойством самоподобия, то есть составленную из нескольких частей, каждая из которых подобна всей фигуре целиком. Путем ряда геометрических преобразований в рамках этой теории получено соотношение [6, 16, 17]

$$u_T = u_n \frac{A}{A_T} = u_n \left( \frac{L}{h} \right)^{D_3 - 2}, \quad (18)$$

где  $D_3 = 2 \dots 3$  – фрактальная размерность трехмерной поверхности

$$D_3 = D_2 + 1; \quad (19)$$

$D_2 = 1 \dots \infty$  – фрактальная размерность двухмерной кривой;

$A(\varepsilon_n)$  – средняя поверхность фронта пламени (усредненная, сглаженная),  $m^2$

$$A(\varepsilon_n) \sim \varepsilon_n^{1 - D_3}; \quad (20)$$

$L(\varepsilon_n)$  – средняя длина фрактальной кривой в сечении фронта пламени

$$L(\varepsilon_n) \sim \varepsilon_n^{1 - D_2}; \quad (21)$$

$\varepsilon_n$  – масштаб длины в фрактальной геометрии, м;  $\eta$  – Колмогоровский микромасштаб турбулентности;  $A_T$  – мгновенная полная поверхность фронта пламени,  $m^2$ .

Фрактальный подход практически невозможно использовать потому, что нет возможности сколько-нибудь четко обосновать выбор довольно абстрактных величин  $L$  и  $\eta$ , в результате чего зависимость (18) становится чисто эмпирической. Кроме того, в [16] отсутствует проверка данной теории экспериментом.

Часть авторов пытается косвенно выразить величину  $u'$  через параметры, которые достаточно легко определить расчетным или экспериментальным путем.

Например, в [18, 19] предложено уравнение для скорости турбулентного пламени с использованием скорости ламинарного пламени, определяемого по теории Семенова

$$u_T = \left( u_n^2 + C_1 \left( wD \cdot \frac{\rho_r}{T_r^{0.67}} \right)^{C_2} \right)^{0.5}, \quad (22)$$

где  $u_n$  – скорость ламинарного пламени, рассчитанная по теории Семенова;  $w$  – средняя скорость потока через проходное сечение впускного клапана, м/с;  $D$  – диаметр цилиндра, м;  $\rho_r$ ,  $T_r$  – соответственно средняя плотность, кг/м<sup>3</sup>, и средняя температура, К, газов в цилиндре в данный момент времени;  $C_1$  и  $C_2$  – эмпирические константы.

В этом уравнении  $u'$  фактически выражено через  $w$  и  $D$ .

Петерсом была предложена модель, которая может быть применена как к мелкомасштабной, так и к крупномасштабной турбулентности [6, 20, 21]

$$\frac{u_T}{u_n} = \left( -\frac{a}{2} A + \sqrt{\left( \frac{aA}{2} \right)^2 + aA \frac{u'}{u_n} + a + 1} \right), \quad (23)$$

где  $A = L_T / \delta_n + 1$ ,  $a = 0,547$  – эмпирические коэффициенты;  $\delta_n$  – толщина фронта ламинарного пламени;  $L_T$  – интегральный масштаб турбулентности.

Как указано самим Петерсом [21], уравнение (23) справедливо для тонких зон химических реакций и искривленных пламен. Из уравнения (23) видно, что при  $L_T / \delta_n \ll 1$  данная зависимость сводится к классическому уравнению Дамкелера для мелкомасштабной турбулентности [6]

$$u_{MT} \sim u' \cdot Da^{\frac{1}{2}}, \quad (24)$$

где  $Da$  – число Дамкелера

$$Da = \frac{L_T}{u'} \cdot \frac{u_n}{\delta_n}. \quad (25)$$

Во втором случае, когда  $L_T / \delta_n \rightarrow \infty$  и  $u' \gg u_n$ , уравнение сводится к уравнению Дамкелера для крупномасштабной турбулентности

$$u_T \sim u' . \quad (26)$$

Таким образом, методика может быть универсальной, описывать как мелкомасштабную, так и крупномасштабную турбулентность.

Однако многочисленные эксперименты показывают, что турбулентная скорость пламени есть функция гораздо большего количества параметров [4-6, 18, 20]. Одним из главных показателей, характеризующим степень турбулентного течения смеси в цилиндре, следовательно, оказывающим сильное влияние на турбулентную скорость горения, является число Рейнольдса.

С учетом этого на основе уравнения Дамкелера было создано ряд методик.

Одной из первых попыток добавить число Рейнольдса в уравнение турбулентной скорости горения была сделана Зимонтом [6, 22]

$$u_T = u_n \cdot A \cdot \text{Pr}^{0.25} \cdot \text{Re}^{0.25} \cdot \left( \frac{u'}{u_n} \right)^{0.5} , \quad (27)$$

где  $\text{Pr}$  – критерий Прандтля,  $\text{Pr} = 0,71$ ;  $\text{Re}$  – число Рейнольдса;  $A = 0,52$  – эмпирический коэффициент.

Методика Зимонта была разработана для анализа процесса горения топлива в газовых турбинах, а также благодаря своей простоте и надежности хорошо зарекомендовала себя в горелках различного типа. Однако процесс горения топлива в ДВС вследствие ряда факторов существенно отличается от такового в горелках со стационарным пламенем, поэтому попытки применения данной методики к горению в ДВС были неудачными [6].

В [1, 23] было усовершенствовано уравнение Дамкелера путем добавления в него числа Рейнольдса. Авторы получили зависимость для сгорания смеси сжатого природного газа и воздуха в цилиндре ДВС

$$u_T = u_n \left( 1 + A_G \cdot \left( \frac{u'}{u_n} \right)^{n_{ST}} \cdot \text{Re}^{m_{ST}} \right) , \quad (28)$$

где  $A_G$  – эмпирический множитель ( $A_G = 0,62$ );  $m_{ST}$ ,  $n_{ST}$  – эмпирические коэффициенты ( $m_{ST} = 0,25$ ,  $n_{ST} = 0,5$ );  $u'$  – средняя скорость турбулентных пульсаций, м/с;  $\text{Re}$  – число Рейнольдса

$$\text{Re} = \frac{u' \cdot \mathbf{l}_i \cdot \rho_U}{\eta(T_U)} , \quad (29)$$

где  $\ell_i$  – интегральный масштаб турбулентности, м;  $\rho_U$  – плотность несгоревшей смеси, кг/м<sup>3</sup>;  $\eta(T_U)$  – динамическая вязкость смеси как функция температуры несгоревшей смеси, Па·с

$$h(T_U) = \frac{\sum_{i=1}^n V_i h_i(T_U) \sqrt{M_i \cdot T_{crit,i}}}{\sum_{i=1}^n V_i \sqrt{M_i \cdot T_{crit,i}}}, \quad (30)$$

где  $V_i$  – парциальный объем компонента смеси;  $M_i$  – молекулярная масса компонента смеси;  $T_{crit,i}$  – критическая температура компонента смеси.

Интегральный масштаб турбулентности предлагается рассчитывать с использованием зависимости

$$I_i = K_{Ii} \cdot \left( \frac{\rho_{IVC}}{\rho} \right)^{\frac{1}{3}}, \quad (31)$$

где  $K_{Ii} = 0.002$  – эмпирический коэффициент;  $\rho$  – средняя плотность смеси в цилиндре;  $\rho_{IVC}$  – плотность заряда цилиндра в момент закрытия впускного клапана;

Расчетные исследования в [23] показали хорошее совпадение результатов расчета процесса сгорания в газовом ДВС с экспериментальными данными при правильном подборе коэффициентов  $A_G$ ,  $m_{ST}$ ,  $n_{ST}$ .

**Основные элементы математической модели расчета процесса сгорания.** Уравнение нормальной скорости распространения пламени взято из тепловой теории [11]

$$u_n = 1,15 \cdot 10^8 \left[ \frac{\alpha(1+\gamma)R}{(H_u - \Delta H_{хим} - \Delta H_{дис}) \cdot E} \right]^{1,5} \times \left[ \frac{n^m \cdot \exp(-E / RT_{nl})}{p^{0,23} T_{nl}^{1,5} (T_{nl} + 118) \left( 4,76 + \frac{n}{m} \right)^{n+m} (1+\gamma)^{n+m}} \right], \quad (32)$$

где  $\alpha$  – коэффициент избытка воздуха;  $g$  – коэффициент остаточных газов;  $R$  – газовая постоянная;  $H_u$  – низшая теплота сгорания топлива;  $\Delta H_{хим}$  – потери тепла из-за химической неполноты сгорания при недостатке воздуха;  $\Delta H_{дис}$  – потери тепла на диссоциацию;  $E$  – энергия активации;  $m$ ,  $n$  – условные порядки реакции по топливу и кислороду;  $T_{nl}$  – температура пламени;  $p$  – текущее давление в цилиндре.

Температура в зоне пламени [11]

$$T_{nl} = \left[ T_{cm} + \frac{1}{M\mu C_p} \int_{q_0}^q \left( dQ - \frac{pV}{2} \sigma \right) \right] \cdot \left( 1 + \frac{dp}{p} \right), \quad (33)$$

где  $T_{cm}$  – температура горючей смеси перед фронтом пламени;  $dQ$  – доля тепла, выделившаяся на предыдущем шаге;  $dp$  – приращение давления в расчетном шаге

$$dp = -\frac{k}{V} \left( \frac{k-1}{k} dQ - \frac{p_{i-1}V}{2} \sigma \right), \quad (34)$$

где  $k$  – показатель адиабаты смеси на данном расчетном шаге;  $p_{i-1}$  – давление смеси в предыдущем расчетном шаге.

Температуры сгоревшей и несгоревшей смеси [24]

$$\frac{dT_n}{d\phi} = \frac{1}{m_n C_{pn}} \left( V_n \frac{dp}{d\phi} + \frac{dQ_n}{d\phi} \right); \quad (35)$$

$$\begin{aligned} \frac{dT_c}{d\phi} = & \frac{p}{m_c R_c} \left( \frac{dV}{d\phi} - \frac{(R_c T_c - R_n T_n)}{p} \frac{dm_c}{d\phi} \right) - \\ & - \frac{p}{m_c R_c} \left( \frac{R_n V_n}{p \cdot C_{pn}} \frac{dp}{d\phi} + \frac{R_n}{p \cdot C_{pn}} \frac{dQ_n}{d\phi} - \frac{V}{p} \frac{dp}{d\phi} \right), \end{aligned} \quad (36)$$

где  $T_n, T_c$  – соответственно температура несгоревшей и сгоревшей смеси;  $j$  – угол поворота коленчатого вала, град. п.к.в.;  $m_n, m_c$  – соответственно масса несгоревшей и сгоревшей смеси;  $C_{pn}$  – изобарная теплоемкость несгоревшей смеси;  $V_n$  – объем несгоревшей смеси;  $Q_n$  – количество теплоты, переданное в несгоревшую смесь из зоны сгоревшей смеси;  $R_n, R_c$  – соответственно характеристическая газовая постоянная несгоревшей и сгоревшей смеси.

Зависимости между массовыми и объемными долями выгоревшего топлива [11]

$$x = \frac{1}{1 - \frac{1-y}{y} \left( \frac{T_{nl}}{T_{cm}} \right)^{\frac{1}{n_1}}}, \quad (37)$$

где  $n_1$  – показатель политропы сжатия.

В [11] предлагается задаваться долей топлива, выгорающей в первой фазе сгорания, то есть при формировании очага пламени, как  $x_1 \approx 0,03$ . При этом продолжительность первой фазы сгорания, град. п.к.в.

$$\theta_1 = \frac{0,372n}{u_{T.M.}} \sqrt{\frac{(\Delta x_1 V_c \sigma_{заяж} (\varepsilon - 1) + 1) \left( \frac{T_{пл}}{T_{см}} \right)^{\frac{n_1}{n_1 - 1}}}{\left[ \left( \frac{T_{пл}}{T_{см}} \right)^{\frac{n_1}{n_1 - 1}} - 1 \right] \cdot x_1 + 1}}, \quad (38)$$

где  $n$  – частота вращения коленчатого вала;  $V_c$  – объем камеры сгорания;  $\varepsilon$  – степень сжатия;  $\sigma_{заяж}$  – значение кинематической функции КШМ, соответствующее углу опережения зажигания;  $n_1$  – показатель политропы сжатия.

Так как глубина зоны горения составляет до 30 мм [11, 12], то при расчетах более предпочтительно использовать трехзонную модель, так как использование двухзонной модели вместе с упрощением расчета приводит к занижению расчетного содержания  $\text{NO}_x$  в отработавших газах [11, 12].

Глубина зоны горения определяется по соотношению [12]

$$\delta_T = l_0 \frac{\xi + 1}{4} \ln \frac{u_T}{u_n}, \quad (39)$$

где  $x$  – коэффициент расширения;  $l_0$  – начальный размер горящего объема (приблизительно равен половине высоты камеры сгорания [11]).

Разделение смеси на сгоревшую и несгоревшую зоны с целью расчета осуществляется исходя из того, что зона пламени состоит наполовину из сгоревшей и наполовину из несгоревшей смеси, при этом граница между сгоревшей и несгоревшей смесью проходит в середине глубины зоны горения [12].

**Экспериментальная проверка уравнений.** Адекватность выбранной модели можно подтвердить результатами обработки индикаторных диаграмм, а также результатами измерения содержания токсичных компонентов в отработавших газах. Сравнение расчетных данных с экспериментальными приведено в таблице 1.

Измерение содержания  $\text{N}_{ox}$  в отработавших газах производилось при помощи газоанализатора «МЕТА Автотест 02.03.П» Расчет концентрации  $\text{NO}_x$  в отработавших газах для всех скоростей турбулентных пламен проводился по методике, приведенной в [25].

Из таблицы 1 видно, что использование зависимости (28) позволяет более точно выполнить расчет показателей токсичности, а также индикаторных показателей двигателя. Зависимость (28) незначительно уступает зависимости (27) в точности расчета только при частоте вращения более  $3500 \text{ мин}^{-1}$ , хотя при  $n = 5000 \text{ мин}^{-1}$  зависимость (28) показала более высокую точность расчета содержания  $\text{NO}_x$  в отработавших газах двигателя.

Таблица 1

Сравнение результатов расчета индикаторных показателей и показателей токсичности для различных уравнений турбулентной скорости пламени с результатами эксперимента

	NO <sub>x</sub>	n	N <sub>e</sub>	p <sub>i</sub>	η <sub>i</sub>
	ppm	мин <sup>-1</sup>	кВт	МПа	–
Эксперимент	500	1600	9,84	0,655	0,225
Расчет по уравнению (22)	708	–	–	0,758	0,260
Расчет по уравнению (23)	602	–	–	0,594	0,204
Расчет по уравнению (27)	631	–	–	0,6	0,206
Расчет по уравнению (28)	558	–	–	0,627	0,215
Эксперимент	716	2000	12,6	0,728	0,281
Расчет по уравнению (22)	625	–	–	0,797	0,308
Расчет по уравнению (23)	788	–	–	0,846	0,326
Расчет по уравнению (27)	666	–	–	0,795	0,307
Расчет по уравнению (28)	755	–	–	0,699	0,270
Эксперимент	1354	3000	21,2	0,915	0,344
Расчет по уравнению (22)	1228	–	–	0,885	0,332
Расчет по уравнению (23)	1682	–	–	1,088	0,408
Расчет по уравнению (27)	1112	–	–	0,821	0,308
Расчет по уравнению (28)	1295	–	–	0,882	0,331
Эксперимент	1459	3500	24,28	0,945	0,360
Расчет по уравнению (22)	1682	–	–	0,858	0,327
Расчет по уравнению (23)	1200	–	–	0,749	0,285
Расчет по уравнению (27)	1558	–	–	1,008	0,384
Расчет по уравнению (28)	1365	–	–	0,885	0,337
Эксперимент	1712	5000	31,53	0,911	0,367
Расчет по уравнению (22)	1452	–	–	0,963	0,388
Расчет по уравнению (23)	1688	–	–	0,984	0,396
Расчет по уравнению (27)	1608	–	–	0,925	0,372
Расчет по уравнению (28)	1748	–	–	0,948	0,382

**Список литературы:** 1. *Lammler C.* Numerical and Experimental Study of Flame Propagation and Knock in a Compressed Natural Gas Engine: diss. for the degree of Doctor of Technical Sciences: Swiss Federal Institute of Technology. – Zurich, 2005. – 169 pp. 2. *Вубе И.И.* Новое о рабочем цикле двигателей. – М.: Машгиз, 1962. – 270 с. 3. *Нейман К.* Кинетический анализ процесса сгорания в дизеле. – Сб. монографий из иностранной литературы «Двигатели внутреннего сгорания», Т. IV. – М.: Машгиз, 1938. – С. 118-142. 4. *Abu-orf G.M., Cant R.S.* A turbulent reaction rate model for premixed turbulent combustion in spark-ignition engines // *Combustion and Flame*. – № 122. – 2000. – P. 233-252. 5. *Stefano G.* Flame Age Model. A transient laminar flamelet approach for turbulent diffusion flames: diss. for the degree of Doctor of Sciences: Swiss Federal Institute of Technology. – Zurich, 2007. – 194 pp. 6. *Siewert P.* Flame front characteristics of turbulent lean premixed methane/air flames at high pressure: diss. for the degree of Doctor of Science: Poznan University of Technology. – Poznan, 2006. – 135 pp. 7. *Белов И.А., Исаев С.А.* Моделирование турбулентных течений. – Санкт-Петербург: Типография БГТУ, 2001. – 108 с. 8. *А.А. Юн, Б.А. Крылов.* Расчет и моделирование турбулентных течений с теплообменом, смешением, химическими реакциями и двухфазных течений в программном комплексе FASTEST-3D. – М.: Издательство МАИ, 2007. – 116 с. 9. *Щелкин К.И., Трошин Я.К.* Газодинамика горения. – М.: АН СССР, 1963. – 253 с. 10. *Соколик А.С.* Самовоспламенение, пламя и детонация в газах. М.: АН СССР, 1960. – 427 с. 11. *Третьяков Н.П.* Метод математического моделирования процесса сгорания в двигателях с искровым зажиганием // *Двигателестроение*. – № 7. – 1983. – С. 7-9. 12. *Воинов А.Н.* Горение в быстроходных поршневых двигателях. Изд. 2-е, перераб. и доп. – М.: «Машиностроение», 1977. – 277 с. 13. *Иссерлин А.С.* Основы сжигания газового топлива / Справочное пособие, 2-е изд., перераб. и доп. – Л.: Недра, 1987. – 336 с. 14. *Damkohler G.* Der Einfluss der Turbulenz auf die Flammengeschwindigkeit in Gasgemischen // *Zeitschrift für Elektrochemie*. – № 46. – 1940. – P. 601-652. 15. Теория точечных процессов / Под ред. *Г.Ф. Кнорре, И.И. Палеева*. М.–Л.: Энергия, 1966. – 375 с. 16. *Gouldin F.C.* An Application of Fractals to Modelling Premixed Turbulent Flames // *Combustion and Flame*. – № 68. – 1987. – P. 249-266. 17. *Mandelbrot B.B.* The fractal geometry of nature. – New York: Freeman, 1983. – 187 p. 18. *Blizard N.C. and J.C. Keck.* Experimental and Theoretical Investigation of Turbulent Burning Model for Internal Combustion Engines // *SAE Preprint*. – № 740191. – 1974. – 19pp. 19. *Samaga B.S., Murthy B.S.* Investigation of a Turbulent Flame Propagation Model for Application for Combustion Prediction in the Engine // *SAE Preprint*. – № 760758. – 1976. – 12pp. 20. *Peters N.* The turbulent burning velocity for small-scale and large-scale turbulence. // *Journal of Fluid Mechanics*. – № 384. – 1999. – P. 107-132. 21. *Dinkelacker F., Holzler S.* Investigation of a turbulent flame speed closure approach for premixed flame calculations // *Combustion Sciences and Technologies*. – № 158. – 2000. – P. 321-340. 22. *Zimont V., Polifke W., Bettelini M., Weisenstein W.* An efficient computational model for premixed turbulent combustion at high Reynolds numbers based on turbulent flame speed closure / *Transaction of ASME*. – № 120. – 1998. – P. 526-532. 23. *Gulder O.L.* turbulent Premixed Flame Propagation Models for Different Combustion Regimes / *Twenty-Third Symposium (International) on Combustion*. – The Combustion Institute, 1990. – P. 743-750. 24. *Bade Shrestha S.O., Karim G.A.* A Predictive Model for Gas Fueled Spark Ignition Engine Applications / *SAE Preprint*, № 1999-01-3482. – 1999. – 18 p. 25. *Куценко А.С.* Математическое моделирование и идентификация рабочих процессов ДВС на альтернативных топливах: дис. докт. техн. наук: 05.14.05/Институт проблем машиностроения. – Харьков, 1996. – 321 с.

*Поступила в редколлегию 15.12.2009*