

## ДЕМПФУВАННЯ ПРУЖНИХ КОЛИВАНЬ ЛЮЛЬКИ З ВИКОРИСТАННЯМ МАТЕМАТИЧНОЇ МОДЕЛІ ПІДІЙМАЛЬНОГО МЕХАНІЗМУ ДЛЯ РЯТУВАЛЬНИХ РОБІТ

Існують ряд капітальних споруд, які мають велику висоту. До даних об'єктів можна віднести багатоповерхові будинки (до 9 поверхів) та будинки підвищеної поверховості (9 - 25 поверхів), промислові об'єкти тощо. При виникненні в них усякого роду надзвичайних ситуацій, наприклад, пожеж, різного роду аварій і т.д., виникає проблема щодо проведення рятувальних робіт на значних висотах. У цих випадках, використовують висувні драбини або підйомні механізми (колінчаті, висувні), які розташовані на базі платформи автомобіля [1, 2]. Висота, на яку піднімається робоча площа (люлька) або висувається драбина, сягає декількох десятків метрів. Так, наприклад, висота, на яку піднімається люлька підйомального механізму АКП-50 розташованого на базі автомобіля МАЗ, сягає 50м. Оскільки вони переважно працюють в екстремальних умовах, до них ставляться ряд вимог. Перш за все це безпека рятувальників, які знаходяться в люльці. При підйомі люльки на висоту 50м амплітуда її коливань може становити більше 3м. Динамічні зусилля, які викликають ці коливання, обумовлені пружними деформаціями стрілі. Усе це зменшує точність позиціонування люльки в заданих координатах, а отже зменшується ефективність гасіння пожежі і рятування людей. Зрозуміло, що усе це ускладнює роботу рятувальників, які знаходяться в люльці. Тому постає проблема демпфування пружних коливань люльки засобами систем автоматичного керування (САК).

На сьогоднішній час в даних підйомних механізмах стабілізація здійснюється за допомогою механічних пристрій та оператора. В таких механізмах використовуються гідроприводи дросельного керування. Вони мають як ряд переваг, так і недоліків. До переваг можна віднести: безступеневе регулювання швидкості; великий коефіцієнт підсилення по потужності; відсутність додаткових кінематичних ланок. До основних недоліків гідрравлічних приводів слід віднести відсутність зворотних зв'язків у системі переміщення люльки.

Перспективним способом стабілізації положення люльки в заданих координатах за умови відпрацювання завдання, а отже демпфування її коливань, є застосування відповідної САК. Це дозволить підвищити ефективність проведення рятувальних робіт. З іншого боку САК повинна мати задовільні статичні та динамічні характеристики стосовно дії різноманітних керуючих та збурюючих впливів. Для цього необхідно розробити математичну модель підйомального механізму. Модель підйомального механізму повинна бути побудована, виходячи з вимог процедури синтезу системи керування. В даній статті розглянемо САК підймання люльки з гідроприводом, доповненим електрогідрравлічним регулятором.

На рис. 1 показано спрощену схему гідрравлічного приводу з гідроциліндровим поршнем (1 – гідроциліндровий поршень, який здійснює вертикальне переміщення; 2 – гідронасос; 3 – електрогідрравлічний регулятор). Розхід рідини  $\Delta Q$  залежить від сигналу керування  $\Delta U_e$  і може бути визначений з виразу:

$$\Delta Q = K_p \Delta U_e, \quad (1)$$

де  $K_p$  – коефіцієнт підсилення регулятора 3.

Розхід рідини визначає силу  $F_{int}$ , яка буде діяти зі сторони штока на стрілу підйомального механізму. В першому наближенні залежність розходу рідини від сили  $F_{int}$  можна представити аперіодичною ланкою першого порядку:

$$\Delta F_{int}(s)(T_f s + 1) = K_f \Delta Q(s), \quad (2)$$

де  $K_f$ ,  $T_f$  – коефіцієнт підсилення та стала часу гідроциліндра.

Підставивши вираз (1) в (2) і провівши певні перетворення знайдемо передавальну функцію електрогідрравлічного приводу.

$$W_{eon}(s) = \frac{\Delta F_{int}(s)}{\Delta U_e(s)} = \frac{K}{(T_f s + 1)}, \quad (3)$$

де  $K = K_f K_p$  – коефіцієнт підсилення електрогідрравлічного приводу.

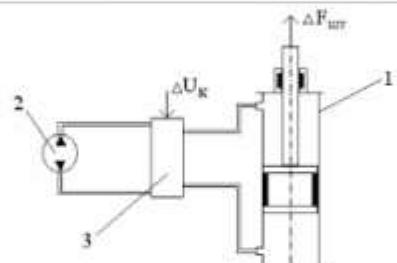


Рис. 1. Схема гідрравлічного приводу з гідроциліндровим поршнем.

Розглянемо тепер кінематичну схему механізму підйому люльки (рис. 2). Для кожної висоти підйому люльки  $\cos\alpha = \text{const}$ . Розділимо вагу стріли  $G_{ct}$  на дві складові. В першому наближенні вважаємо, що половина ваги стріли прикладена в точці дії штока гідросистеми підйому ( $L \gg l_0$ ), а другу половину ваги стріли віднесемо до люльки. Тим самим стрілу можемо представити невагомою пружною ланкою з деформацією згину.

Згідно кінематичної схеми (див. рис. 2) система диференціальних рівнянь приведена до напрямку вектора лінійної швидкості, матиме вигляд:

$$\left. \begin{aligned} F_{mt}^V(t) - \frac{1}{2} G_{ct}^V - [F_{12}(t) - b_{12}(V_2(t) - V_1(t))] &= \frac{1}{2} m_{ct} \frac{dV_1(t)}{dt}, \\ F_{12}(t) = C_{12} \int (V_1(t) - V_2(t)) dt, \\ F_{12}(t) + b_{12}(V_1(t) - V_2(t)) - \left( G_a^V + \frac{1}{2} G_{ct}^V \right) &= \left( m_a + \frac{1}{2} m_{ct} \right) \frac{dV_2(t)}{dt}, \\ I_d(t) = \int V_2(t) dt. \end{aligned} \right\} \quad (3)$$

де  $F_{mt}^V(t) = F_{mt}(t)\cos\beta$  – сила, що діє зі сторони штока, приведена до напрямку вектора лінійної швидкості;  $G_{ct}^V = G_{ct}\cos\alpha$  – вага стріли приведена до напрямку вектора лінійної швидкості;  $G_a^V = G_a\cos\alpha$  – вага люльки приведена до напрямку вектора лінійної швидкості;  $F_{12}(t)$  – сила пружності деформації згину;  $b_{12}$  – коефіцієнт внутрішнього в'язкого тертя у пружній стрілі;  $m_{ct}$ ,  $m_a$  – маси стріли та люльки;  $V_1(t)$ ,  $V_2(t)$  – лінійні швидкості на кінцях пружної стрілі,  $I_d(t)$  – переміщення люльки.

Перейшовши до приrostів координат і зовнішніх впливів на об'єкт керування дію зміни  $\Delta G_{ct}$  на систему можна не враховувати, тому що вага стріли є незмінною в процесі роботи. Переходимо до операторної форми запису і нормуємо систему диференціальних рівнянь (3). Для цього поділимо перші три рівняння системи рівнянь (3) на базову величину  $G_\delta = G_{ct}$  і приймемо, що базова величина  $V_\delta = V_{\max}$  ( $V_{\max}$  – максимальна швидкість штока), а четверте рівняння поділимо на базову величину  $I_0 = 1\text{m}$ . Отримаємо наступну систему рівнянь у відносних одиницях в операторній формі:

$$\left. \begin{aligned} F_1^*(s) - F_{12}^*(s) - k_c(V_1^*(s) - V_2^*(s)) &= T_{M1}sV_1^*(s), \\ F_{12}^*(s) = \frac{1}{T_{c1}}(V_1^*(s) - V_2^*(s)), \\ F_{12}^*(s) + k_c(V_1^*(s) - V_2^*(s)) - G^* &= T_{M2}sV_2^*(s), \\ I^*(s) = \frac{1}{T_I s} V_2^*(s), \end{aligned} \right\} \quad (4)$$

де  $F_1^*(s) = \frac{\Delta F_{mt}^V(s)}{G_{ct}}$ ;  $F_{12}^*(s) = \frac{\Delta F_{12}(s)}{G_{ct}}$ ;  $V_1^*(s) = \frac{\Delta V_1(s)}{V_{\max}}$ ;  $V_2^*(s) = \frac{\Delta V_2(s)}{V_{\max}}$ ;  $K_c = \frac{b_{12}V_{\max}}{G_{ct}}$ ;  $T_{M1} = \frac{m_{ct}V_{\max}}{2G_{ct}}$ ;  $G_c^* = \frac{\Delta G_a^V}{G_{ct}}$ ;  $T_c = \frac{G_{ct}^V}{C_{12}V_{\max}}$ ;  $T_{M2} = \frac{(m_a + 0.5m_{ct})V_{\max}}{G_{ct}}$ ;  $T_I = \frac{l_0}{V_{\max}}$ .

На люльку будуть діяти реактивні сили з боку трубопроводу подачі вогнегасної речовини, потоків повітря, тощо. Сила  $G^*$  враховує дію цих збурень.

Перехід від математичної моделі в абсолютних одиницях до нормованої дозволяє уніфікувати аналіз та синтез САК підймання люльки. Така формалізація математичної моделі електроприводів системи дозволяє використати розроблену процедуру синтезу для електромеханічних систем з пружними деформаціями згину [3]. Зокрема, мова йде про застосування системи модального регулювання для демпфування пружних коливань люльки.

#### Література.

1. Вайнсон А.А. Подъемно-транспортные машины: Учебник для вузов по специальности "Подъемно-транспортные, строительные, дорожные машины и оборудование". – М.: Машиностроение, 1989. – 536с.
2. Іванченко Ф.К. Підйомно-транспортні машини: Підручник. – Вища шк., 1993. – 413с.
3. Марущак Я.Ю. Синтез електромеханічних систем з послідовною та паралельною корекцією. Навч. посібник. – Львів: НУ "Львівська політехніка", 2005. – 208с.

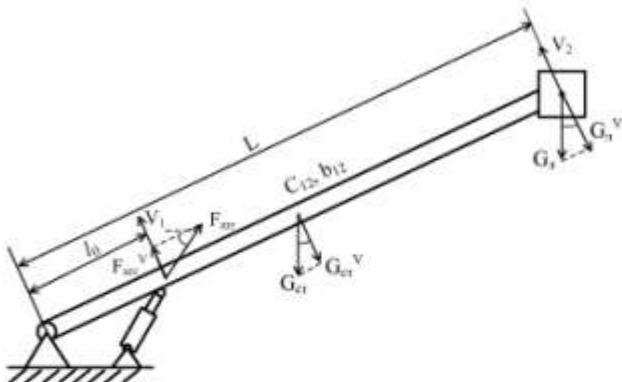


Рис. 2. Кінематична схема механізму підйому люльки.