## РОБАСТНОЕ ЭНЕРГОСБЕРЕГАЮЩЕЕ УПРАВЛЕНИЕ СИНХРОННЫМ ЭЛЕКТРОПРИВОДОМ

**Введение.** Синхронные электродвигатели с постоянными магнитами (СДПМ) по динамическим и эксплуатационным характеристикам имеют ряд преимуществ по сравнению с другими типами электродвигателей и перспективны для использования в различных областях техники, например, в электро- и гибридных силовых установках транспортных средств, электроприводах поворота антенн радиолокаторов и в других областях [1]. В указанных случаях особенно остро стоит задача энергосбережения. Условия эксплуатации отличаются наличием неопределённостей в самих электроприводах и внешних воздействиях на него.

**Цель работы.** Синтез и анализ методов энергосберегающего робастного управления применительно к электроприводу с явнополюсным СДПМ.

**Постановка задачи.** Электропривод с СДПМ описывается следующей системой уравнений, записанных в синхронном базисе (d, q), связанном с вектором потокосцепления магнита.

$$I\ddot{\varphi} = m + m_1, \tag{1}$$

$$m = 1.5Z_{p}[\psi_{m}i_{q} + (L_{d} - L_{q})i_{d}i_{q}],$$
(2)

$$u_d = L_d p i_d + R_s i_d - L_o i_d \omega_e, \qquad (3)$$

$$u_{a} = L_{a}pi_{a} + R_{s}i_{a} + L_{d}i_{d}\omega_{e} + \omega_{e}\psi_{m}, \qquad (4)$$

где I – момент инерции ротора двигателя,  $\phi$  –угол поворота ротора, m – электромагнитный момент двигателя,  $m_l$  – неизвестный момент нагрузки,  $Z_p$  – число пар полюсов,  $\psi_m$  – магнитный поток, создаваемый постоянным магнитом,  $\omega_e$  – электрическая угловая скорость ротора,  $L_d$ ,  $L_q$  – индуктивности,  $i_d, i_q$  – составляющие токов статора, идущие на создание электромагнитного момента,  $u_d$ ,  $u_q$  – напряжения,  $R_s$  – активное сопротивление меди статора.

1. Формирование робастного электромагнитного момента производится следующим образом [2, 5].

Пусть  $I_0$ ,  $m_0$  — номинальные известные значения;  $I_\delta$ ,  $m_\delta$  — отклонения от номинальных значений. С учетом принятых обозначений уравнение (1) примет вид

$$I_0\ddot{\varphi} = m_0 + f_m, \tag{5}$$

где неопределенность

$$f_m = -I_\delta \ddot{\phi} + m_\delta + m_l$$
.

В этом случае уравнение наблюдателя неопределённости определяется выражением

$$\hat{f}_{m} = L[\hat{f}_{m} - (I_{0}\ddot{\phi} - m_{0})], \tag{6}$$

где L – коэффициент усиления наблюдателя,  $\hat{f}_m$  - оценка неопределенности  $f_m$  .

Для устранения необходимости использования ускорения  $\ddot{\varphi}$  вводится обозначение

$$\lambda = \hat{\mathbf{f}}_{\mathbf{m}} + \mathbf{L}\mathbf{I}_{\mathbf{0}}\dot{\boldsymbol{\varphi}} \,, \tag{7}$$

откуда следует

$$\hat{\mathbf{f}}_{\mathbf{m}} = \lambda - \mathbf{L} \mathbf{I}_{0} \dot{\boldsymbol{\varphi}} \,. \tag{8}$$

с учетом (7) наблюдатель (6) принимает вид

$$\lambda_{\rm m} = L[\lambda - LI_0\dot{\phi} + m_0]. \tag{9}$$

Таким образом, вместо наблюдателя, содержащего  $\ddot{\varphi}$ , используется наблюдатель (8), (9), содержащий  $\dot{\varphi}$ . Комбинированный закон управления задается в виде

$$m_0 = m_{00} - \hat{f}_m, \tag{10}$$

где

$$m_{00} = -k_1 (\dot{\varphi} - \dot{\varphi}_p) - k_2 (\varphi - \varphi_p),$$
 (11)

k1, k2 – коэффициенты закона управления.

**3. Минимизация потерь в электроприводе**. Электрические потери в электроприводе включают потери в меди и стали [3, 4]

$$\Delta P = 1.5R_s (i_{ds}^2 + i_{qs}^2) + 1.5R_c (i_{dc}^2 + i_{qc}^2), \qquad (12)$$

где  $R_c$  – сопротивление, характеризующее потери в стали,  $i_{ds}$ ,  $i_{qs}$  – полные токи статора,  $i_{dc}$ ,  $i_{qc}$  – части составляющих токов статора, соответствующие потерям в стали, по осям d и q, при этом

$$i_{ds} = i_{dc} + i_{d}, i_{qs} = i_{qc} + i_{q}.$$
 (13)

Токи, соответствующие потерям в стали [3], определяются выражениями

$$i_{dc} = -\frac{\omega_e L_q i_q}{R_c}, i_{qc} = -\frac{\omega_e (\psi_m + L_d i_d)}{R_c}$$
 (14)

С учётом (14) и (15) выражение (13) принимает вид

$$\Delta P = 1.5R_s((i_d - \frac{\omega_e L_q i_q}{R_c})^2 + (i_q - \frac{\omega(\psi_m + L_d i_d)}{R_c})^2) + 1.5R_c((-\frac{\omega_e L_q i_q}{R_c})^2 + (-\frac{\omega_e(\psi_m + L_d i_d)}{R_c})^2). \tag{15}$$

Сложность оптимизации по выражению (15) заключается в зависимости потерь мощности от двух переменных  $i_d$  и  $i_q$ . Для упрощения оптимизации, на основании выражения (2) вводится новая переменная k так, чтобы можно было записать

$$i_d = \frac{k - \psi_m}{L_d - L_q}, i_q = \frac{m}{1,5Z_p k}.$$
 (16)

Справедливость такой замены подтверждается подстановкой (16) в выражение (2), при этом получается тождество  $m \equiv m$ .

Для минимизации потерь в выражение (15) подставляются зависимости (16).

Значение k, при котором электрические потери в электроприводе будут минимальными, определяется из уравнения

$$\frac{\partial \Delta P}{\partial k} = 0. \tag{17}$$

Найденное значение k с помощью выражений (16) позволяет определить значения программных токов  $i_{dp}$  и  $i_{qp}$ , соответствующих минимуму потерь.

На рис. 1 показана зависимость оптимального значения параметра k от угловой скорости ротора при различных значениях момента нагрузки, рассчитанная по данным электродвигателя [3]:  $L_q=12,5$ м $\Gamma$ н ,  $L_d=5,7$ м $\Gamma$ н ,  $\psi_m=0,123$ мBб ,  $R_s=1,2$ Oм ,  $R_c=416$ Oм , n=3500oб/мин , m=2,4H·м .

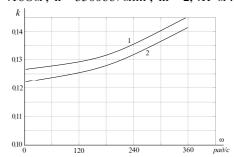


Рисунок 1 – Зависимость изменения параметра k от угловой скорости электропривода с СДПМ при номинальной нагрузке (1) и без нагрузки (2).

Как следует из рис. 1, оптимальное значение параметра к для явнополюсных СДПМ относительно мало зависит от значений скорости и момента.

**2. Регуляторы контуров тока.** В приводе используются два робастных регулятора токов  $i_d$  и  $i_q$ , аналогичных регуляторам, рассмотренным в работах [2, 5]. Каждый из регуляторов тока включает в себя собственно регулятор и компенсатор с наблюдателем неопределённости. Датчики тока измеряют полный ток, состоящий из моментного тока и тока, соответствующего потерям в стали [6, 3]. В регуляторах токи потерь в стали, погрешности и изменения, связанные с отклонением от номинальных параметров и влиянием перекрёстных связей, включены в неопределённости, которые оцениваться и компенсируются. В результате на выходе регуляторов тока формируются напряжения в базисе (d,q), которые после преобразования в трёхфазный базис ABC, используются в качестве управляющих сигналов для инвертора.

Исходная система при этом представлена с номинальными значениями параметров, на которую действует вектор неопределенности  $f_i$ , а именно

$$pi_{dq} = -(T'_{s0})^{-1}i_{dq} + k_0u_{dqp} + \hat{f}_i,$$
(18)

где p – оператор дифференцирования,  $k_0$  – коэффициент передачи преобразователя.

Для каждого контура тока синтезирован наблюдатель

$$\hat{p}i = -(T'_{s0})^{-1}i + k_0 u_p + \hat{f}_i + l_1(\hat{i} - i), \qquad (19)$$

$$p\hat{\mathbf{f}}_{i} = l_{2}(\hat{\mathbf{i}} - \mathbf{i}), \tag{20}$$

где  $l_1, l_2$  – постоянные коэффициенты наблюдателя.

Закон управления регулятора тока имеет вид

$$u_p = k_0^{-1} [v \ (i_p - \hat{i}) - \hat{f}_i],$$
 (21)

где v – постоянный коэффициент.

**5.** Функциональная схема системы управления электроприводом показана на рис. 2. Формирователь момента 1, обеспечивающий робастное комбинированное управление с наблюдателем неопределённости 2, выполнен по уравнениям (5)—(11). Блок оптимизации 3 обеспечивает расчёт оптимальних программных токов  $i_{dp}$  и  $i_{qp}$ . Регуляторы токов и компенсаторы неопределённости контуров токов  $i_d$ ,  $i_q$  6, 7 и 4, 5 соответственно построены по уравнениям (19)—(21). Регуляторы тока формируют программные напряжения в осях d, q, которые после преобразования в трехфазную форму подаются на инвертор в качестве управляющих сигналов.

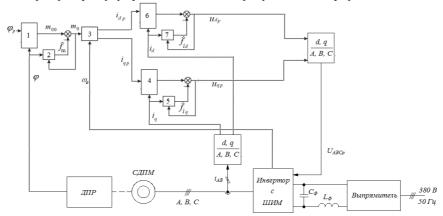


Рисунок 2 – Функциональная схема системы управления электроприводом.

**Выводы.** 1. Получена зависимость потерь мощности (15) от составляющих статорных токов, формирующих электромагнитный момент.

- 2. Предложено преобразование, позволяющее вместо выражения потерь мощности через токи  $i_d$  и  $i_q$ , получить зависимость этих потерь от одной переменной k, что существенно упрощает задачу оптимизации.
- 3. Предложенный метод формирования статорных токов по критерию минимума потребляемой мощности обеспечивает формирование заданного электромагнитного момента и минимизацию энергопотребления в реальном времени.
- 4. Робастность и простота управления обеспечиваются за счёт применения робастных регуляторов электромагнитного момента и статорных токов.
  - 5. Предложен метод синтеза робастного энергосберегающего управления синхронным электроприводом.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Нгуен Куанг Тхиеу. Развитие теории и методы повышения энергоэффективности однодвигательных тяговых электроприводов автотранспортных средств: автореф. дис. на соискание научн. степени доктора техн. наук: спец. 05.09.03 «Электротехнические комплексы и системы». Москва, 2012. 40 с.
- 2. Деев С.Г. Принципы формирования робастного управления синхронным электроприводом / С.Г. Деев, Е.М. Потапенко // Тематический выпуск «Проблеми автоматизованого електропривода. Теорія й практика». Киев: Техника. 2011. №3. С. 58–59.
- 3. Vaez S., John V.I., Rahman V.A. An On-line loss Minimization Conroller for Interior Permanent Magnet Motor Drives. IEEE TRANSACTIONS on Energy Conversion, 1999, №4, p.1435-1440.
- 4. Monajemy R. Control and Dynamics of Constant Power Loss Based Operation of Permanent Magnet Motor Drive System. IECON'99. The 25th Annual conference of the IEEE Industrial Electronics Society, 1999, p.1-6
- 5. Потапенко Е.М. Робастные алгоритмы векторного управления асинхронным приводом / Е.М. Потапенко, Е.Е. Потапенко. Запорожье: ЗНТУ. 2009. 352 С. (Монография).
- 6. Толочко О.И. Особенности векторного управления синхронными двигателями с постоянными магнитами при учёте потерь в стали/ О.И. Толочко, В.В. Божко // Електромеханічні і енергозберігаючі системи. Тематичний випуск «Проблеми автоматизованого електропривода. Теорія й практика». Кременчук:КрНУ, 2012.-Вип.3/2012(19): Техника. 2011. №3. С. 58—59.