## УДК 62-83

# *Л.В. АКИМОВ*, д-р техн. наук, проф., НТУ "ХПИ", Харьков *Д.Г. ЛИТВИНЕНКО*, аспирант, НТУ "ХПИ", Харьков *А.А. ВАКУЛЕНКО*, магистр, НТУ "ХПИ", Харьков

## СИНТЕЗ ДВУКРАТНОИНТЕГРИРУЮЩЕЙ СИСТЕМЫ ВЕКТОРНОГО УПРАВЛЕНИЯ ОДНОМАССОВЫМ АСИНХРОННЫМ ЭЛЕКТРОПРИВОДОМ С НЕЛИНЕЙНОЙ НАГРУЗКОЙ

У статті реалізовано комплексний підхід до покращення динамічних характеристик частотно-регульованого асинхронного електропривода з векторним управлінням при нелінійному характері навантаження використанням методів поліноміальних рівнянь і діаграм якості керування.

В статье реализован комплексный подход к улучшению динамических характеристик частотно-регулируемого асинхронного электропривода с векторным управлением при нелинейном характере нагрузки использованием методов полиномиальных уравнений и диаграмм качества управления.

Введение. Для получения нулевой площади ошибки регулирования скорости, при подаче ступенчатого возмущающего воздействия, необходимо спроектировать систему управления электроприводом (ЭП) с астатизмом второго порядка по нагрузке. Решение вышеуказанной задачи на примере ЭП постоянного тока с постоянным моментом сопротивления  $M_c$ =const выполнено в [1, 2], где предложена методика построения трехкратноинтегрирующей системы подчиненного регулирования (СПР) скорости вращения. Разработанная система имеет третий порядок астатизма по управлению (v<sub>1/3</sub>=3) и второй порядок – по возмущению (v<sub>Mc</sub>=2). Наличие падающего участка в нелинейном характере нагрузки ЭП с жесткостью β<sub>c</sub><0 приводит к исходной неустойчивости объекта управления в контуре скорости. Как следствие, в традиционной СПР с регулятором, предложенным в [1, 2], понижается на единицу порядок астатизма по управлению (v<sub>U3</sub>=v<sub>Mc</sub>) и возникают автоколебательные режимы, ухудшающие качество технологического процесса и делающие систему практически неработоспособной. Желаемая динамика электропривода с учетом нелинейного характера момента сопротивления успешно достигается полиномиальным методом синтеза

регуляторов [3, 4]. Метод позволяет ликвидировать нежелательные автоколебательные режимы и задать системе необходимые астатические свойства при широком диапазоне изменения параметров объекта.

Необходимо отметить, что современный асинхронный ЭП с векторным управлением, который в последние годы вытесняет глубокорегулируемый ЭП постоянного тока, имеет также классическую структуру СПР [5].

Теоретический и практический интерес представляет собой создание двукратноинтегрирующей системы регулирования скорости ( $v_{U3} = v_{Mc} = 2$ ) для исходно неустойчивого одномассового асинхронного частотно-управляемого ЭП с векторным управлением и нелинейной нагрузкой. Синтез необходимого регулятора скорости (PC) предлагается осуществить методом полиномиальных уравнений. Улучшение динамических и точностных свойств полученной системы выполним оптимизацией параметров PC по критерию максимальной добротности и запаса устойчивости (МДУ) [6], лежащего в основе разработанных в [7] диаграмм качества управления (ДКУ).

Целью работы является реализация комплексного подхода к устранению автоколебаний в частотно-регулируемом одномассовом асинхронном ЭП с нелинейной нагрузкой путем синтеза астатического РС методом полиномиальных уравнений и последующей оптимизацией его параметров методом ДКУ, способствующей увеличению добротности системы и ее запаса устойчивости.

# Задачи исследования.

Для достижения поставленной цели в статье решаются следующие задачи:

– синтез полиномиальным методом астатического регулятора скорости векторно-управляемого асинхронного ЭП с  $v_{U_3} = v_{Mc} = 2$ ; – оценка влияния параметров синтезированного PC на динамиче-

 – оценка влияния параметров синтезированного PC на динамические и точностные свойства системы;

 оптимизация системы методом диаграмм качества управления по критерию максимальной добротности и запаса устойчивости;

 проведение сравнительного анализа переходных процессов в исходной, настроенной традиционным методом СПР, синтезированной полиномиальным методом и оптимизированной системах с полной двухканальной структурой асинхронного ЭП.

Синтез астатического регулятора полиномиальным методом. В основу исследования положим одноканальную структуру одномассового частотно-регулируемого асинхронного электропривода, представленную в общепринятых обозначениях на рис. 1.



Рис. 1. Структура одноканальной системы одномассового частотнорегулируемого асинхронного электропривода.

Использование одноканальной структуры вместо полной двухканальной обосновано учетом следующих допущений [5]:

1) полная компенсация внутренних перекрестных связей в структуре асинхронного двигателя с короткозамкнутым ротором (АД с КЗ);

2) обеспечение работы одноканальной системы регулирования скорости двигателя при установившемся значении потокосцепления ротора  $\psi_r$  = const.

Как видно на рис. 1, двигатель имеет нелинейную нагрузку, зависящую от его скорости. При этом падающий участок нагрузки имеет отрицательное значение жесткости  $\beta_c < 0$ .

При условии, что передаточная функция внешнего замкнутого контура тока с регулятором РТ2 равна [5]

$$W_{\rm KT}(p) = \frac{1/K_{\rm T}}{(4T_{\mu}K_2p+1)} \tag{1}$$

и выполнена компенсация внутренней обратной связи по ЭДС двигателя звеном вида

$$W_{\text{K.O.C.}(E)}(p) = \frac{2T_{\mu}ZpK_{r}K_{T}}{Ls\sigma K_{\Pi}K_{\Pi C}},$$
(2)

запишем передаточную функцию объекта в контуре регулирования скорости для режима работы асинхронного ЭП на падающем участке характеристики нагрузки с  $\beta_c < 0$ , как наиболее влияющего на динамику системы:

$$W_{\rm OF}(p) = \frac{P(p)}{Q(p)} = \frac{K_{\rm O}}{(4T_{\mu}K_2p+1)(T_{\rm c}p-1)};$$
(3)

$$K_{\rm O} = (1,5ZpK_r \psi_{r0} K_{\rm AC})/(\beta_{\rm c} K_{\rm T}),$$
 (4)

где  $K_{\rm T}$  – коэффициент датчика тока; Zp – число пар полюсов;  $K_r$  – коэффициент связи ротора;  $\psi_{r0}$  – потокосцепление ротора;  $K_{\rm AC}$  – коэффициент датчика скорости;  $\beta_{\rm c}$  – жесткость механической характеристики

нагрузки;  $T_{\mu}$  – малая постоянная времени контура тока;  $T_{c} = J/|\beta_{c}|$  – механическая постоянная времени; J – приведенный к валу двигателя момент инерции;  $K_{2}=(T_{sr}+T_{\mu})/(T_{sr}+2T_{\mu})$ ;  $T_{sr}$  – электромагнитная постоянная времени цепи статора.

Присутствие в составе передаточной функции (3) неминимально фазового звена приводит к исходной неустойчивости объекта в контуре скорости. Это обосновывает необходимость использования метода полиномиальных уравнений для синтеза PC.

Согласно методу полиномиальных уравнений [8] представим полиномы (3) числителя P(p) и знаменателя Q(p) в виде компенсируемых регулятором  $P_{\kappa+}(p)$ ,  $Q_{\kappa+}(p)$ , некомпенсируемых по желанию  $P_{n+}(p)$ ,  $Q_{n+}(p)$ , и не подлежащих компенсации из-за нарушения условия грубости  $P_{-}(p)$ ,  $Q_{-}(p)$  полиномов и определим их степени, обозначаемые в виде | |, с учетом отсутствия в (3) элемента, обладающего астатизмом *s* (*s*=0):

$$Q_{\kappa+}(p) = (4T_{\mu}K_{2}p+1); P_{\kappa+}(p) = 1; P_{n+}(p) = 1; Q_{n+}(p) = 1; P_{-}(p) = 1; Q_{-}(p) = T_{c}p-1; /P_{\kappa+}/=0; |P_{n+}/=0; |P_{-}|=0; |P|=0; /Q_{\kappa+}/=1; |Q_{n+}/=0; |Q_{-}|=1; |Q|=2.$$

Зададимся желаемым порядком астатизма замкнутой системы регулирования скорости v=2 и запишем на основании метода полиномиальных уравнений [8] передаточную функцию астатического PC в виде

$$W_{\rm PC}(p) = \frac{Q_{\kappa+}(p)M(p)}{K_0 P_{\kappa+}(p)N(p)p^{\nu-s}},$$
(5)

где M(p), N(p) – неизвестные полиномы, соответственно имеющие вид:

$$M(p) = m_{i}p^{i} + m_{i-1}p^{i-1} + \dots + m_{1}p + m_{0};$$
  

$$N(p) = n_{j}p^{j} + n_{j-1}p^{j-1} + \dots + n_{1}p + n_{0}.$$
(6)

Для степени полиномов M(p), N(p), и G(p) будем иметь:  $/M/=|Q_-|+|Q_{n+}/+\nu-1=1+0+2-1=2;$   $|N/=|Q|-/P_{\kappa+}/-1=2-0-1=1;$ /G/=|M/+|N|+1=2+1+1=4,

T.e.  $M(p) = m_2 p^2 + m_1 p + m_0$  u  $N(p) = n_1 p + n_0$ .

Полиномиальное уравнение синтеза имеет вид

$$M(p)P_{-}(p)P_{n+}(p) + N(p)Q_{-}(p)Q_{n+}(p) \cdot p^{\vee} = G(p)$$
(7)

и в развернутой форме слагаемых по мере убывания степени *p* представляется как

$$n_{1}T_{c}p^{4} + (n_{0}T_{c} - n_{1})p^{3} + (m_{2} - n_{0})p^{2} + m_{1}p + m_{0} =$$

$$= T_{0}^{4} p^{4} + \alpha_{3} T_{0}^{3} p^{3} + \alpha_{2} T_{0}^{2} p^{2} + \alpha_{1} T_{0} p + \alpha_{0}, \qquad (8)$$

где G(p) – характеристический полином замкнутой системы, задаваемый исходя из условия обеспечения желаемого переходного процесса, в частности, отвечающий одному из известных стандартных распределений [9, 10] или их видоизменений [3, 11];  $T_0=1/\omega_0$  – эквивалентная малая постоянная времени системы, определяющаяся величиной выбираемого значения среднегеометрического корня  $\omega_0$ .

Неизвестные коэффициенты  $m_i$  и  $n_j$  полиномов M(p), N(p) находятся из сравнения сомножителей при одинаковых степенях p левой и правой частей уравнения (8). Они имеют значения:

$$n_{1} = \frac{1}{T_{c}\omega_{0}^{4}}; \quad n_{0} = \frac{1}{T_{c}} \left(\frac{\alpha_{3}}{\omega_{0}^{3}} + n_{1}\right); \quad m_{2} = \frac{\alpha_{2}}{\omega_{0}^{2}} + n_{0}; \quad m_{1} = \frac{\alpha_{1}}{\omega_{0}}; \quad m_{0} = \alpha_{0}.$$
(9)

Анализ (8) показывает, что в данном случае недопустимо понижение порядка степени полиномов M(p), N(p) и G(p)на единицу, так как при потере коэффициентов  $m_2$  и  $n_1$  коэффициенты при  $p^2$  вступают

в противоречие:  $-n_0p^2$  не может быть равно  $+\alpha_2 T_0^2 p^2$ .

Оценка параметров синтезированного PC. Согласно (5), передаточная функция синтезированного PC полного порядка определяется как

$$W_{\rm PC}(p) = \frac{K_{\rm PC}(4T_{\mu}K_2p+1)(T_1^2p^2+T_2p+1)}{(T_3p+1)p^2}, \quad (10)$$

где  $K_{\rm PC} = m_0/K_{\rm O}n_0 = m_0K_{\rm T}\beta_{\rm C}/1,5ZpK_r\psi_{r0}K_{\rm AC}n_0; T_1 = m_2/m_0; T_2 = m_1/m_0; T_3 = n_1/n_0.$ 

Проверим работоспособность системы регулирования скорости с синтезированным регулятором (10) на базе АД типа *MTKF* 312-8 со следующими параметрами:  $P_{\rm H}$ =13 кВт;  $n_{\rm H}$ =690 об/мин;  $U_{\rm H}$ =380 В;  $I_{\rm H}$ =31,8 А;  $\psi_{r0}$ =0,6834В6;  $I_{\rm o}$ =27,7 А; соѕ $\phi_0$ =0,088; соѕ $\phi$ =0,63;  $\eta$ =76%;  $GD^2$ =1,55 кгм<sup>2</sup>;  $R_{\rm s}$ =0,45 Ом;  $X_{\rm sl}$ =0,53 Ом;  $R'_r$ =0,64 Ом;  $X'_{rl}$ =0,42 Ом;  $T_{\rm M}$ =0,012 с;  $T_{\rm O}$ =0,0074 с;  $m=T_{\rm M}/T_{\rm O}$ =1,62;  $\beta$ =28,58 Н·м·с;  $T_{\rm c}$ =0,013 с и преобразователя частоты, для которого  $K_{\rm H}$ =38;  $T_{\rm \mu}$ =0,002 с.

В результате расчетов для полной двухканальной структуры частотнорегулируемого асинхронного ЭП, представленной на рис. 2, получено:  $K_1$ =0,4129;  $K_2$ =0,7065; Kr=0,9808; Zp=4; Tsr=0,0028 c; Rsr=1,0657 Ом; J=0,3875 кгм<sup>2</sup>; Tr=0,1088 c; Ls=0,07 Гн; Lm=0,0683 Гн;  $\sigma$ =0,0428. При  $U_{3C}=U_{3\Pi}$ =10 В учтем, что:  $K_{T}$ =0,1258 В/А;  $K_{\Pi C}$ =0,1384 Вс;  $K_{\Pi}$ =14,6326 В/Вб.



Рис. 2. Структурная схема АД с КЗ ротором во вращающейся системе координат:

На рис. 2 приведена структурная схема АД с КЗ ротором во вращающейся системе координат, ориентированной по потокосцеплению ротора (а) и система его векторного управления с компенсацией перекрестных обратных связей (б) в которой передаточные функции регуляторов тока и потока имеют численные значения:

$$W_{\text{PT}\Phi1}(p) = W_{\text{PT}\Phi2}(p) = 0.1568; W_{\text{PT}1}(p) = W_{\text{PT}2}(p) = \frac{428,49}{p};$$
$$W_{\text{PT}1}(p) = \frac{1,2089(0,1088 \, p+1)}{0.1088 \, p}.$$

100 10

При этом синтезированный с  $M_c$ =const по традиционной методике [1, 2, 5] для  $\gamma$ =5,44 ПИ<sup>2</sup> – PC, обеспечивающий второй порядок астатизма по возмущению и фильтр  $\Phi$ , имеют вид:

$$W_{\rm PC}(p) = \frac{JK_{\rm T}(16T_{\mu}K_{2}p+1)}{192\psi_{r0}T_{\mu}^{2}K_{2}^{2}ZpK_{\rm JC}K_{r}p} \times \frac{(\gamma 4T_{\mu}K_{2}p+1)}{\gamma 4T_{\mu}K_{2}p} = \frac{7,75(0,0226p+1)}{0,0226p} \frac{(5,44 \times 0,0057p+1)}{5,44 \times 0,0057p};$$
$$W_{\phi}(p) = \frac{1}{(16T_{\mu}K_{2}p+1)(\gamma 4T_{\mu}K_{2}p+1)} = \frac{1}{(0,00069p^{2}+0,0534p+1)}.$$
(11)

При модуле жесткости механической характеристики выбранного АД  $\beta$ =28,58 Н·м·с величина жесткости падающего участка механической характеристики нагрузки взята на уровне  $\beta_c$ =-30 Н·м·с. В этом случае параметр b= $\beta_c/\beta$ =-1,05 и система становится динамически неустойчивой, что существенно усложняет ее настройку [12].

В исследованиях принято, что нелинейная нагрузка ЭП имеет следующий характер:

$$M_{c} = \begin{cases} M_{c0} + \beta_{c1}\omega; & \beta_{c1} = 18 \text{ H} \cdot \text{M} \cdot \text{c}; & M_{c0} = 0 \text{ H} \cdot \text{M}; & 0 \le \omega \le 10 \text{ c}^{-1}; \\ -\beta_{c}\omega; & |\beta_{c}| = 30 \text{ H} \cdot \text{M} \cdot \text{c}; & 10 \le \omega \le 15 \text{ c}^{-1}; & (12) \\ +\beta_{c2}\omega; & \beta_{c2} = 2,5 \text{ H} \cdot \text{M} \cdot \text{c}; & 15 \le \omega \le 75 \text{ c}^{-1}. \end{cases}$$

Определение параметров передаточной функции синтезированного астатического PC (10) осуществим, используя распределение Баттерворта [9] с коэффициентами:  $\alpha_0$ =1;  $\alpha_1$ =2,6;  $\alpha_2$ =3,4;  $\alpha_3$ =2,6. Зададимся значением среднегеометрического корня замкнутой системы  $\omega_0$ =80 с<sup>-1</sup>.

По зависимостям (9) рассчитаем величины коэффициентов полиномов M(p) и N(p):  $n_1$ =0,00000189 с<sup>3</sup>;  $n_0$ =0,00053948 с<sup>2</sup>;  $m_2$ =0,0011 с<sup>2</sup>;  $m_1$ =0,0325 с;  $m_0$ =1, которые определяют необходимое значение передаточной функции РС и фильтра Ф на входе системы рис. 2, $\delta$ :

$$W_{\rm PC}(p) = \frac{12567(0,0057p+1)(0,0011p^2+0,0325p+1)}{(0,0035p+1)p^2};$$

$$W_{\Phi}(p) = \frac{1}{(0,0011p^2+0,0325p+1)}.$$
(13)

На рис. З показаны результаты компьютерного исследования асинхронного ЭП, отвечающего его полной структуре рис. 2, с традиционным ПИ<sup>2</sup> – РС при его работе на пониженной скорости  $\omega$ =11 с<sup>-1</sup>, соответствующей падающему участку нелинейной характеристики нагрузки с расчетной величиной  $\beta_c$ =-30 Н·м·с (осциллограмма а). Случаю  $\beta_c$ =0 отвечает осциллограмма б. Выходу ЭП на участок с  $\beta_c$ =2,5 Н·м·с при номинальной скорости  $\omega$ =72,2 с<sup>-1</sup> соответствует осциллограмма в. Разгон ЭП с фильтром на входе от задатчика интенсивности (ЗИ) до скорости  $\omega$ =11 с<sup>-1</sup> с временем разгона  $t_p$ = $t_{зи}$ =0,4 секунды представлен на осциллограмма г.

Как и ожидалось, работа асинхронного ЭП с традиционно рассчитанным  $\Pi M^2$  - PC на падающем участке характеристики нагрузки, сопровождается возникновением автоколебаний, которые не только негативно влияют на качество переходных процессов, но и делают систему неработоспособной.

Переходные характеристики системы рис. 2 с синтезированным полиномиальным методом астатическим PC (10) в тех же режимах работы приведены на рис. 4.



Рис. 3. Результаты компьютерного моделирования характеристик асинхронного ЭП.

Представленные осциллограммы подтверждают возможность полиномиального метода обеспечить устойчивость исходно неустойчивого объекта с нелинейным характером нагрузки. Система успешно работает на падающем участке нагрузки с  $\beta_c$ =-30 H·м·c (а), при  $\beta_c$ =0 H·м·c (б), и на восходящем участке при  $\beta_c$ =2,5 H·м·c (в). Имеющиеся в системе колебания скорости полностью устраняются при работе системы с фильтром от задатчика интенсивности (г).

Таким образом, можно заключить, что полиномиальный метод синтеза позволил обеспечить удовлетворительное качество переходных процессов в различных режимах работы асинхронного ЭП, в том числе и с нелинейной нагрузкой.



Рис. 4. Переходные характеристики системы с синтезированным полиномиальным методом астатическим PC.

Для дальнейшего улучшения качества управления синтезированной двукратноинтегрирующей системы, проведем оценку влияния параметров синтезированного PC (10), (13) на ее динамические и точностные свойства. Для этого введем безразмерные переменные в коэффициент усиления k, постоянную времени b форсирующего звена второго порядка в числителе и постоянную времени q инерционного звена в знаменателе передаточной функции PC. С учетом этого получим:

$$W_{\rm PC}(p) = \frac{k \times K_{\rm PC}(4T_{\mu}K_2p+1)(b^2 \times T_1^2p^2 + b \times T_2p+1)}{(q \times T_3p+1)p^2}.$$
 (14)

На основании (3) и (14) запишем уравнение контура регулирования скорости с учетом возмущающего воздействия, которое после преобразования имеет вид:

$$\omega = \frac{(b^2 \times T_1^2 p^2 + b \times T_2 p + 1)}{\frac{q \times T_3 T_c}{k \times K_{PC} K_0} p^4 + \frac{(T_c - q \times T_3)}{k \times K_{PC} K_0} p^3 + \frac{(k \times K_{PC} K_0 b^2 \times T_1^2 - 1)}{k \times K_{PC} K_0} p^2 + b \times T_2 p + 1} U_{3C} - \frac{\frac{K_{BC}}{k \times K_{PC} K_0} (q \times T_3 p + 1) p^2}{\frac{q \times T_3 T_c}{k \times K_{PC} K_0} p^4 + \frac{(T_c - q \times T_3)}{k \times K_{PC} K_0} p^3 + \frac{(k \times K_{PC} K_0 b^2 \times T_1^2 - 1)}{k \times K_{PC} K_0} p^2 + b \times T_2 p + 1} M_c (15)$$

Анализ (15) показывает неоднозначность влияния параметров k, bи q не только на коэффициенты характеристического полинома, но и на форсирующие составляющие уравнения по управлению и возмущению. Видно, что при действии управляющего воздействия параметр bвлияет как на время переходного процесса ( $b \times T_2 p$ ), так и на величину перерегулирования ( $b^2 \times T_1^2 p$ ). На характер реакции системы от возмущающего воздействия действуют параметры k и q.

Оптимизация системы методом диаграмм качества управления. Проведем оптимизацию параметров синтезированного PC методом диаграмм качества управления по критерию МДУ вариацией традиционных для данного случая параметров k и b. Отметим, что параметр k отвечает за добротность системы по рывку, а параметр b характеризует низкочастотное сопряжение асимптотической логарифмической амплитудной частотной характеристики разомкнутого контура скорости. В этих исследованиях параметр q примем неизменным со значением q=1. Оптимизацию по критерию МДУ осуществим по предложенной в [13] методике.

Диаграмма качества управления в частотной области на плоскости параметров k и b синтезированного PC для линеаризованной одноканальной структуры асинхронного ЭП рис. 1 с  $\beta_c$ =-30 Н·м·с без учета фильтра и задатчика интенсивности приведена на рис. 5,*a*. Отметим, что мерой запаса устойчивости в данном случае принят частотный показатель колебательности *M*. Из диаграммы следует, что при исходном значении добротности *k*=1 (*K*<sub>PC</sub>=12567) и показателя колебательности *M*=5 (точка 1), перенастройка системы на линию МДУ при *k*=1 и *b*=0,975 (точка 2) обеспечивает показатель колебательности *M*=4,5, что на 11% меньше исходной величины. Максимальному значению добротности с *k*=1,21 при заданном запасе устойчивости соответствует точка 3 со значением *b*=0,89.

Результаты оптимизации во временной области полной структуры асинхронного ЭП рис. 2 с учетом нелинейного характера нагрузки пока-

заны на рис. 5,6 в виде семейства переходных характеристик, соответствующих характерным точкам 1, 2 и 3 диаграммы качества управления. Переходная характеристика под номером 1 отвечает исходной настройке регулятора (13) с использованием фильтра Баттерворта 4-го порядка. Характерной точке 2 соответствует переходная характеристика, отвечающая уменьшению перерегулирования с 51% до 43,5%, достигаемому при k=1 и b=0,95. Точке с максимальной добротностью системы при заданном запасе устойчивости 51% соответствует переходная характеристика 3. Для данной характеристики получены значения параметров k=1,2 и b=0,88, при которых добротность системы повышается на 20%.



Рис. 5. Диаграмма качества управления (а) и оптимизация переходных характеристик (б) синтезированного PC.

Отметим, что склонность исследуемой системы к колебаниям объясняется высокой кратностью интегрирования и, как следствие, пониженным запасом устойчивости. Также большое влияние на динамику и точность системы оказывает наличие в ее составе неминимально фазового звена.

Сравнительный анализа переходных процессов в исходной и оптимизированной системах. Проведем анализ динамических ошибок от скачка нагрузки для случаев работы ЭП при исходной (13) и двух оптимизированных настройках РС. Соответствующие переходные характеристики по возмущению в системе рис. 2,6 при различном характере нагрузки приведены на рис. 6.

Из переходных процессов на рис. 6 видно незначительное, практически отсутствующее влияние перестраиваемых по линии МДУ параметров *k* и *b* на характеристики системы по возмущению. Этого и следовало ожидать из-за различия в первом и втором слагаемом уравнения (15). Положительным свойством синтезированной системы является стремление к нулю интеграла ошибки для всех случаев настройки РС при любом характере нагрузки, включая и ее нелинейность.



Рис. 6. Переходные характеристики по возмущению в системе при различном характере нагрузки

Таким образом, параметрическая оптимизация синтезированной двукратноинтегрирующей системы с помощью параметров k и b по критерию МДУ дает положительные результаты по управляющему воздействию: достигается уменьшение перерегулирования с 51% до 43,5% или увеличение k на 20% при  $\sigma$ =51%.

Переходные характеристики скорости, потока, токов и момента асинхронного ЭП с настройкой синтезированного астатического регулятора (14) на линию МДУ в точки 2 максимального запаса устойчивости и 3 максимальной добротности с передаточными функциями фильтра  $W_{\Phi}(p)=1/(b^2\times0,0011p^2+b\times0,0011p+1)$  представлены на рис. 7 соответственно (*a*, *б*) и (*в*, *г*). Переходные процессы отвечают работе ЭП на падающем участке характеристики нагрузки от толчка задания (*a*, *в*) и задатчика интенсивности (*б*, *г*). Как и ранее удовлетворяющий требованиям переходной процесс имеет место при работе ЭП с  $\beta_c=0$  и  $\beta_c=2,5$ .

Рассмотрим возможность повышения качества управления синтезированной системы с помощью параметра q. Отметим, некоторое сходство в расположении параметров k и q в (15).



Рис. 7. Переходные характеристики асинхронного ЭП с настройкой синтезированного астатического регулятора на линию МДУ.

Это дает возможность предположить об их аналогичном влиянии на динамику системы: уменьшение параметра q соответствует увеличению k. Математическое моделирование показало, что уменьшение qодновременно повышает быстродействие и запас устойчивости системы. Поэтому нет необходимости в дополнительной вариации параметров k и b.

На рис. 8,*а* представлены переходные характеристики системы по управлению для случаев: A – исходная настройка PC (13) и B – настройка PC на минимум перерегулирования  $\sigma$ =18%, при q=0,15. На рис. 8, $\delta$  приведены соответствующие переходные процессы в системе при подаче ступенчатого сигнала  $M_{c0}$  в нелинейной нагрузке (12). Анализ кривых показывает уменьшение амплитуды колебаний динамической ошибки для настройки B по сравнению с A.



Рис. 8. Переходные характеристики системы по управлению РС.

Отметим, что инерционное звено с параметром q в синтезированном регуляторе (14) обеспечивает его физическую реализуемость и представляет собой фильтр первого порядка. Соответственно к выбору его постоянной времени с параметром q надо подходить с точки зрения наименьшего возможного значения, не противоречащего условиям помехозащищенности системы и реализуемости PC.

Проведем анализ динамических ошибок при скачке нагрузки (рис. 9) в полной структуре векторно-управляемого ЭП с настройками РС *A* и *B* для случаев его работы с различным характером нагрузки: а – при  $M_c$ =const; б – на восходящем участке  $M_c=f(\omega)$ ; в – на падающем участке  $M_c=f(\omega)$ .



Рис. 9. Характеристики ЭП при скачке с различным характером нагрузки.

Анализ динамических ошибок рис. 9 показывает существенное уменьшение амплитуд колебаний скорости при работе ЭП на падающем участке характеристики нагрузки (12). Это отчетливо видно из сравнения рис. 9*в* с рис.6*в*. Максимальное значение динамической ошибки  $\Delta \omega_{дин} = 6,5 \text{ c}^{-1}$  уменьшено до величины  $\Delta \omega_{дин} = 4 \text{ c}^{-1}$ . Уменьшение просадки скорости также происходит на участках с  $\beta_c=0$  и  $\beta_c>0$ . Отметим, что работа ЭП на падающем участке с  $\beta_c=-30$  обеспечивает время восстановления скорости при действии нагрузки в пределах 0,2 – 0,23 с.

Таким образом, настройка параметров k и b по критерию МДУ обеспечивает снижение перерегулирования с 51% до 43,5% либо повышение добротности на 20% при исходном перерегулировании 51%. За счет вариации параметра q удается не только снизить перерегулирование в системе с 51% до 21%, но и на 33% уменьшить динамическую просадку скорости при действии скачка нагрузки, не изменяя при этом нулевую площадь ошибки.

Выводы. 1. Впервые для частотно-регулируемых ЭП с векторным управлением при нелинейном характере нагрузки разработана двукратноинтегрирующая система управления с астатизмом второго порядка по управляющему и возмущающему воздействию. 2. Предложенная система в случае активной нагрузки приобретает свойства трехкратноинтегрирующей с  $v_{U_3}$ =3 и  $v_{Mc}$ =2. 3. Выполнена оптимизация двукратноинтегрирующей системы управления при вариации трех параметров синтезированного астатического PC, а именно: его коэффициента усиления – k и постоянных времени форсирующей – b и апериодической – q составляющих. 4. Полученные свойства разработанной системы и возможность обеспечения нулевой площади ошибки регулирования при подаче ступенчатого сигнала нагрузки дают основание рекомендовать разработанную систему для автоматизации тех механизмов, для которых предполагалось использование трехкратноинтегрирующей СПР с двигателем постоянного тока.

Список литературы: 1. Миткевич В.Г., Церазова Е.А., Целлагов А.П., Ямпольский Д.С. Динамика трехкратноинтегрирующей системы подчиненного регулирования привода постоянного тока // Электричество. – 1981, – №1. – С. 26-31. 2. Крупович В.И. Справочник по проектированию автоматизированного электропривода и систем управления технологическими процессами / В.И. Крупович, Ю.Г. Барыбин, М.Л. Самовер. – М.: Энергоиздат, 1982. – 416 с. 3. Динамика двухмассовых систем с нетрадиционными регуляторами скорости и наблюдателями состояния: Монография / Л.В. Акимов, В.И. Колотило, В.С. Марков; под общей редакцией В.Б. Клепикова, Л.В. Акимова. – Харьков: ХГПУ, 2000. – 93 с. 4. Акимов Л.В., Долбня В.Т., Клепиков В.Б., Пирожок А.В. Синтез упрощенных структур двухмассовых электроприводов с нелинейной нагрузкой // Под общей редакцией В.Б. Клепикова. – Харьков: НТУ "ХПИ", Запорожье: ЗНТУ, 2002. - 160 с. 5. Системы подчиненного регулирования электропривода переменного тока с вентильными преобразователями / Слежановский О.В., Дацковский И.С., Кузнецов И.С. и др. – М.: Энергоатомиздат, 1983. – 256 с. 6. Гуль А.И. Оптимальный баланс добротности и запаса устойчивости астатических систем // Вестник Национального технического университета "ХПИ". – Харьков: НТУ "ХПИ". – 2001. – Вып. 10. – С. 133-139. 7. Гуль А.И. Диаграммы качества управления многократноинтегрирующих систем //

Вестник Харьковского государственного политехнического университета. -Харьков: ХГПУ. – 2000. – Вып. 113. – С. 119-123. 8. Залялеев С.Р. О применении метода полиномиальных уравнений для синтеза непрерывных систем электропривода // Электротехника. – 1998. – №2. – С. 48-53. 9. Крассовский А.А. Основы автоматики и технической кибернетики / А.А. Крассовский, Г.С. Поспелов. – М.: Госэнергоиздат. 1962. – 600 с. 10. Осичев А.В. Стандартные распределения корней в электроприводе // А.В. Осичев, В.О.Котляров, В.С. Марков. Тр. конф. Проблемы автоматизированного электропривода. Теория и практика. – Харьков: Основа. – 1997. – С. 104-110. 11. Толочко О.І. Аналіз та синтез електромеханічних систем зі спостерігачами стану: навчальний посібник для студентів вищих навчальних закладів. – Донецьк: Норд – Прес, 2004. – 298с. 12. Клепиков В.Б. О проблеме фрикционных автоколебаний в электроприводах // Электричество, 1986. – №4. – С. 59-62. 13. Гуль А.И. Оптимизация условно устойчивых СПР с неминимально фазовыми звеньями методом диаграмм качества управления // Гуль А.И., Кунченко Т.Ю. Вісник Кременчуцького державного політехнічного університету. - Кременчук: КДПУ, 2005. - Вип. 4/2005(33). - C. 30-32.



Акимов Леонид Владимирович, доктор технических наук, профессор кафедры "Автоматизированные электромеханические системы", НТУ "ХПИ". В 1989 г. защитил в Московском энергетическом институте докторскую диссертацию и в 1990 г. получил ученое звание профессор. Является отличником высшей школы, изобретателем СССР, награжден медалями ВДНХ СССР за выполненные разработки промышленных электроприводов. Неизменной с 1956 г. областью инженерных и научных интересов является электропривод.



**Литвиненко Дмитрий Григорьевич**, аспирант кафедры "Автоматизированные электромеханические системы" НТУ "ХПИ". В 2007 г. закончил Харьковский политехнический институт по специальности "Электробытовая техника". В 2007 г. поступил в аспирантуру с отрывом от производства. Научные интересы – улучшение динамических характеристик частотно-регулируемого асинхронного электропривода с векторным управлением при нелинейном характере нагрузки с использованием методов полиномиальных уравнений и диаграмм качества управления.



Вакуленко Антонина Александровна, магистр электромеханики. В 2008 г. закончила НТУ "ХПИ" по специальности "Автоматизированные электромеханические системы и электропривод". Инженер АОЗТ "Тяжпромавтоматика" г. Харьков.

Поступила в редколлегию 05.04.2011 Рецензент д.т.н., проф. Клепиков В.Б.